



Agustí Reventós Tarrida (Geòmetra)

Maig 2022





Anys d'Escola



Estudiant (UB)



UNIVERSIDAD DE BARCELONA

FACULTAD DE CIENCIAS MATEMATICAS

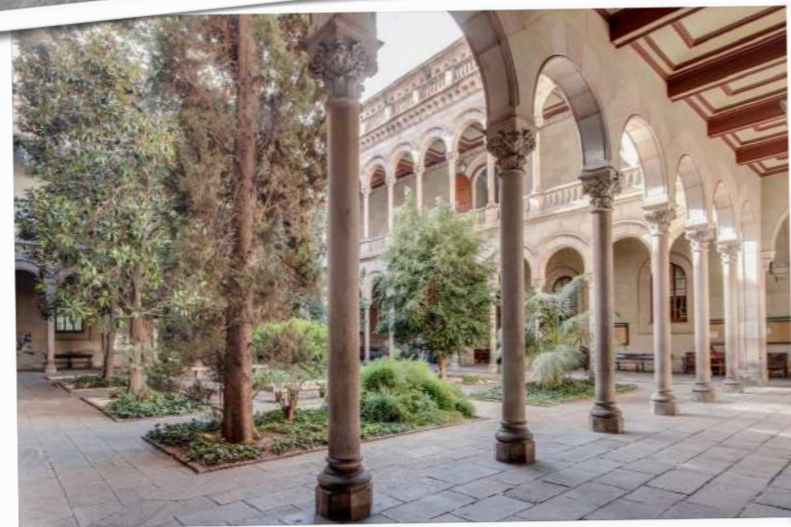


P
R
O
M
O
C
I
O
N

1974



Estudiant (UB)



La casa d'Horta



Pantxatantra (I)



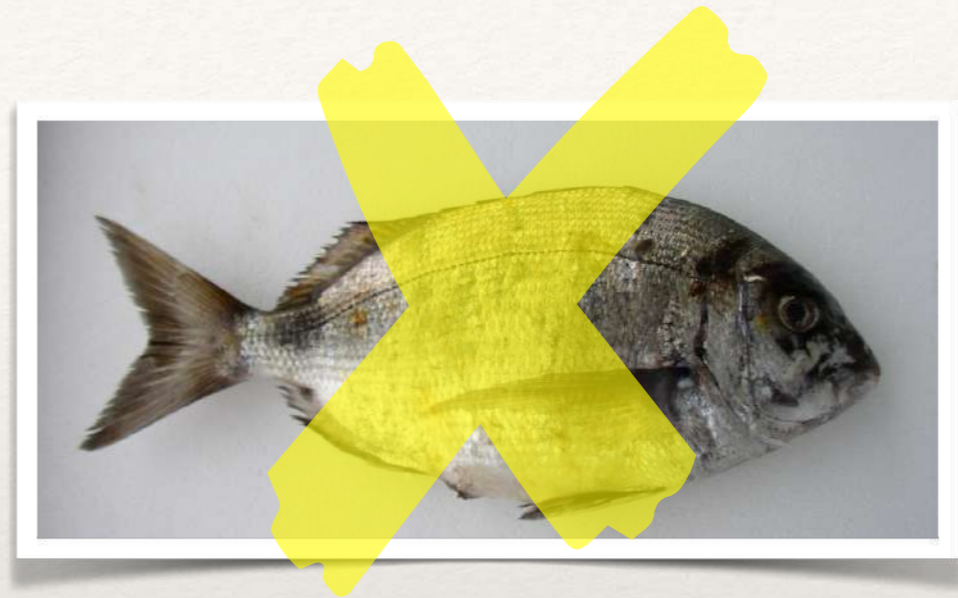
Pantxatantra (II)



Ciclista



La dieta de l'Agustí



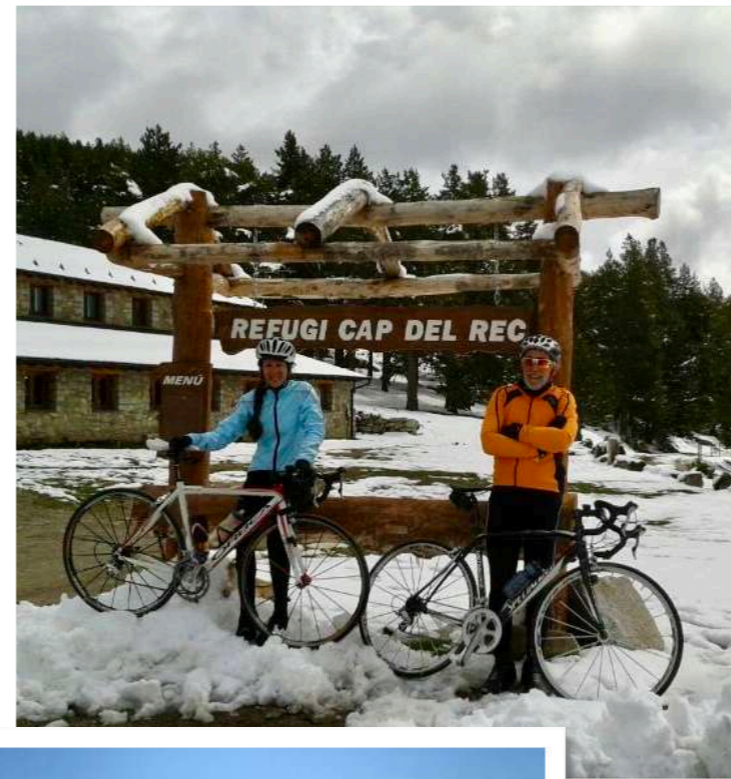
Coses que no fa l'Agustí



Tampoc fa ...



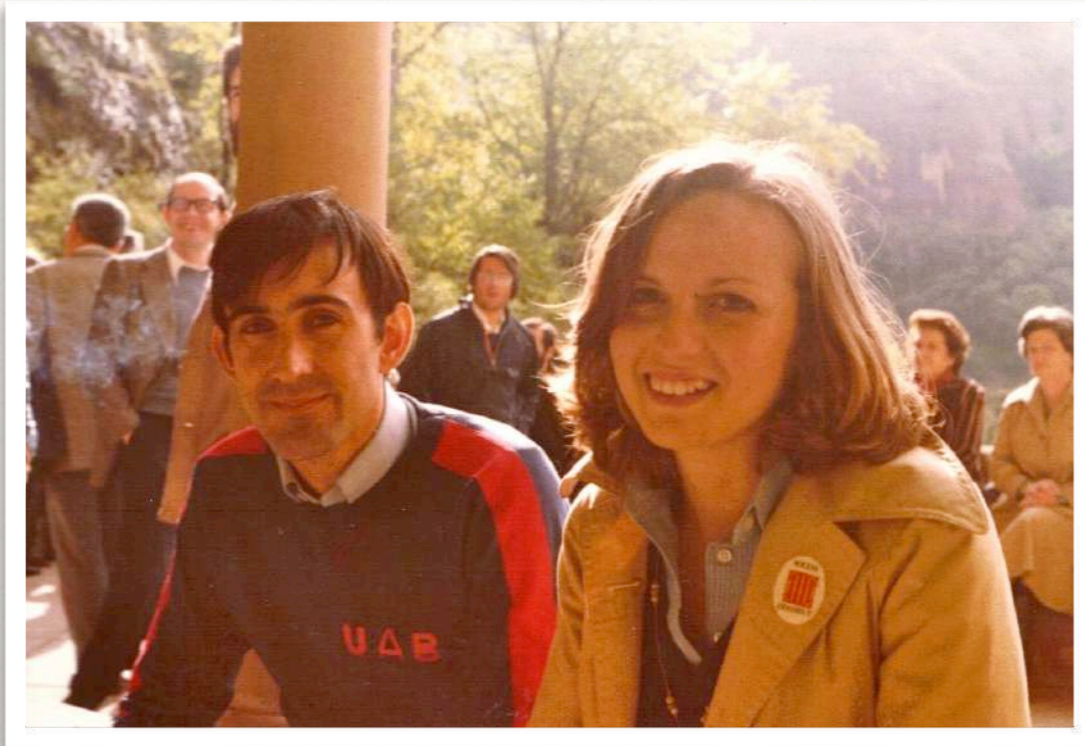
La gran explosió com a ciclista



Les llibretes de sortides en bici
Quants entrepans de truita....



Berta



Excursió al Tibidabo, 31 de desembre de 1968

Arribada a la UAB

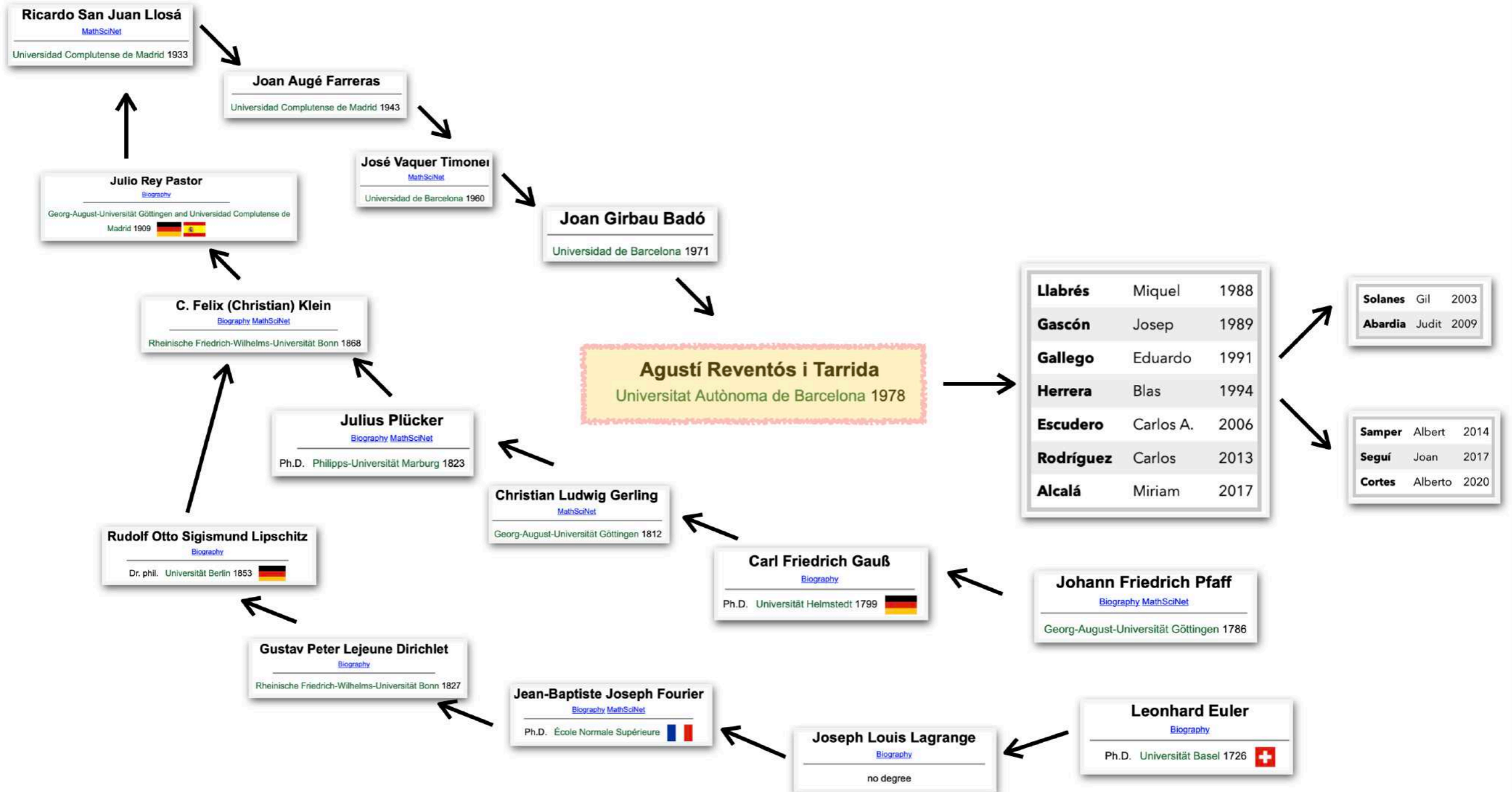


?



UAB
Universitat Autònoma
de Barcelona

Genealogia



Genealogia



Friedrich Leibniz
Universität Leipzig 1622



Jakob Thomasius
Universität Leipzig 1643



Otto Mencke
Universität Leipzig 1665



Johann Christoph Wichmannshausen
Universität Leipzig 1685



Christian August Hausen
Martin-Luther-Universität Halle-Wittenberg 1713



Abraham Gotthelf Kästner
Universität Leipzig 1739



Johann Friedrich Pfaff
Georg-August-Universität Göttingen 1786



Carl Friedrich Gauß
Universität Helmstedt 1799



Karl Georg Christian von Staudt
Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg 1822



Eduardo Torroja Caballé
Universidad Complutense de Madrid 1873



Julio Rey Pastor
Universidad Complutense de Madrid 1909



Ricardo San Juan Llosá
Universidad Complutense de Madrid 1933



Joan Augé Farreras
Universidad Complutense de Madrid 1943



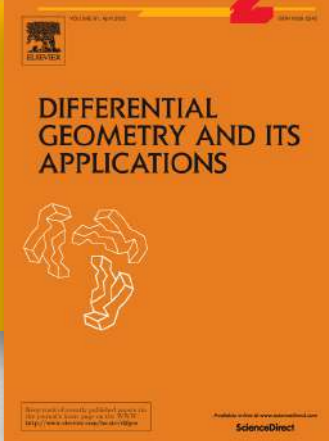
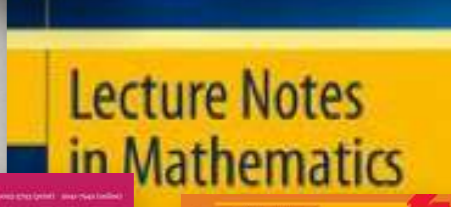
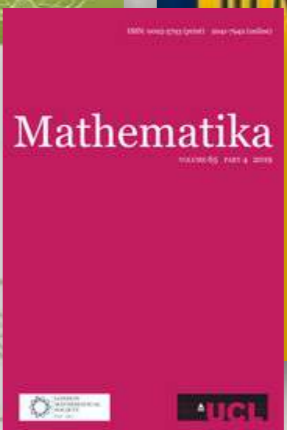
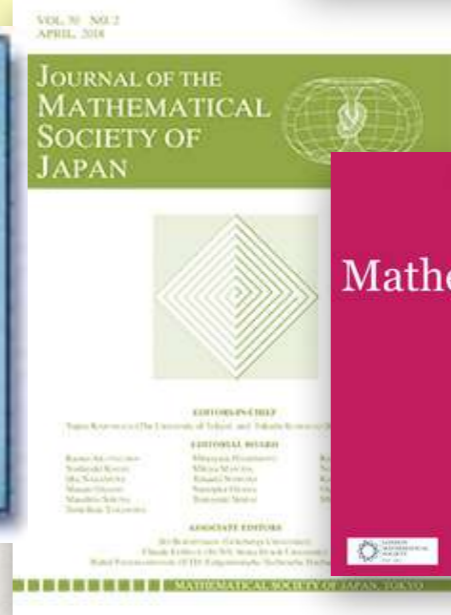
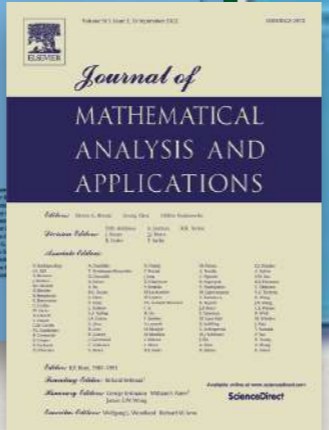
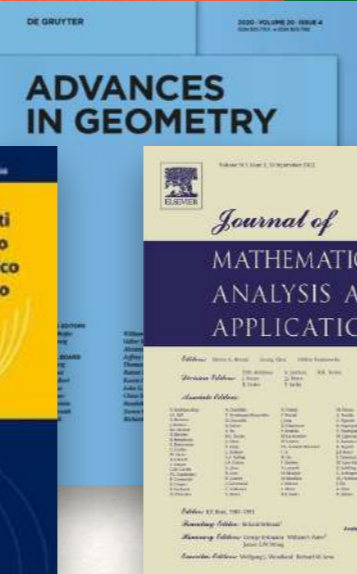
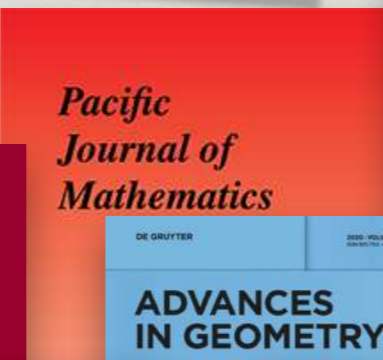
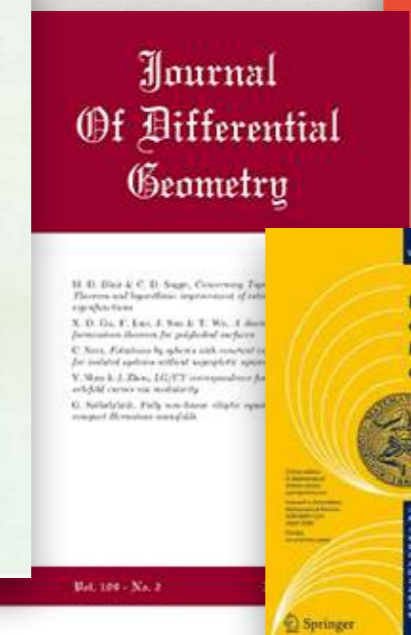
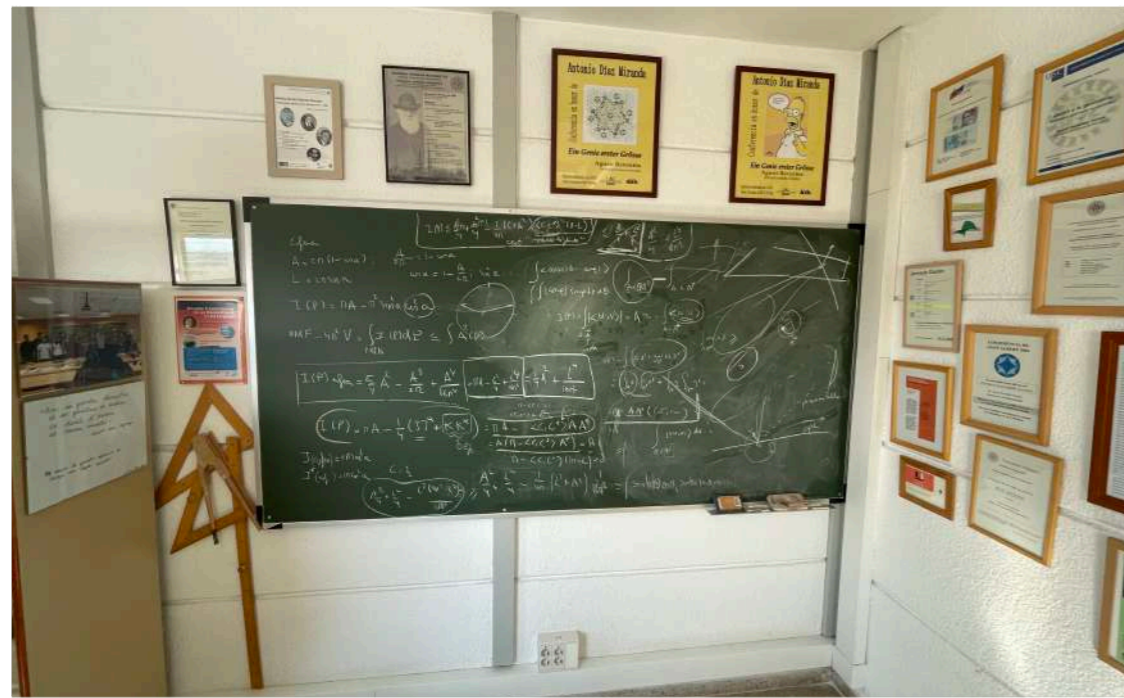
José Vaquer Timoner
Universidad de Barcelona 1960



Joan Girbau Badó
Universidad de Barcelona 1971

(Fet per Blas Herrera)

Recerca



Tesi

Tôhoku Math. Journ.
31 (1979), 165-178.

ON THE GAUSS-BONNET FORMULA ON ODD-DIMENSIONAL MANIFOLDS

A. REVENTÓS

(Received February 2, 1978, revised April 17, 1978)

1. Introduction. This work can be considered as a continuation of "A formula on some odd-dimensional Riemannian manifolds related to the Gauss-Bonnet formula" by S. Tanno [7].

Let B be a compact orientable Riemannian manifold of dimension $2n$. The Gauss-Bonnet-Chern formula says

$$(1) \quad \int_B Q = 2^{2n} \pi^n n! \chi(B)$$

where Q denotes the Gauss-Bonnet form and $\chi(B)$ is the Euler-Poincaré characteristic. In this formula even dimensionality is essential. If B is odd-dimensional, then $\chi(B) = 0$. However, for odd-dimensional manifolds, we can think on the possibility of finding an analogous formula in which the right hand side is a certain expression containing the Betti numbers.



Tesi (al voltant ...)



Sistemes Dinàmics

ON THE NUMBER OF FIXED POINTS FOR A CONTINUOUS MAP OF A FINITE CONNECTED GRAPH

by

JAUME LLIBRE AND AGUSTI REVENTOS

ABSTRACT.

Let F_n be a bouquet of n circles. For an arbitrary continuous map $f: F_n \rightarrow F_n$ we shall define a non-negative integer $m(f)$, easily computable in terms of the induced homomorphism $f_*: \pi_1(F_n) \rightarrow \pi_1(F_n)$. This integer is the best lower bound of the number of fixed points for the homotopy class of f . This result generalizes the well known fact that a continuous map f of the circle into itself has at least $m(f) = |1 - \text{degree}(f)|$ fixed points.

Arch. Math., Vol. 39, 331–334 (1982)

0003-889X/82/3904-0331 \$ 2.30/0
© 1982 Birkhäuser Verlag, Basel

On the structure of the set of periodic points of a continuous map of the interval with finitely many periodic points

By

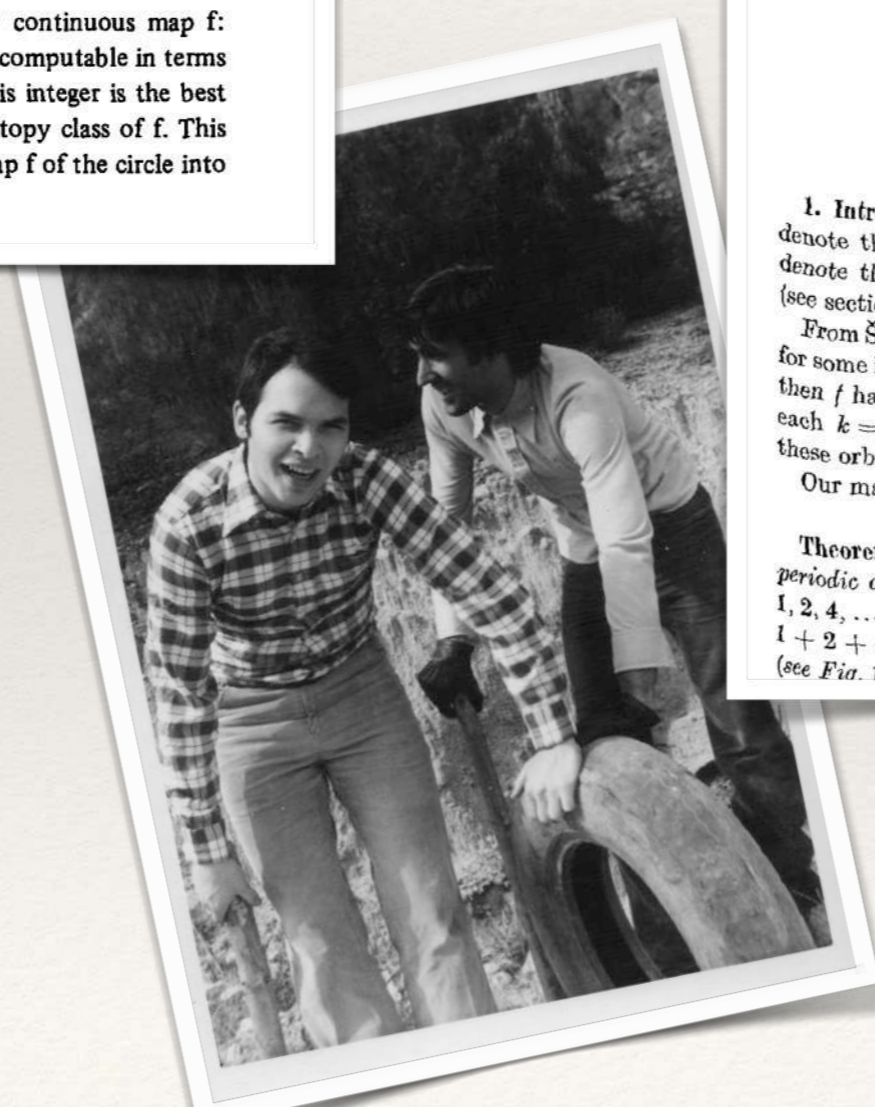
JAUME LLIBRE and AGUSTI REVENTÓS

1. Introduction. Let I denote a closed interval on the real line and let $C^0(I, I)$ denote the space of continuous maps from I into itself. For $f \in C^0(I, I)$ let $P(f)$ denote the set of positive integers k such that f has a periodic point of period k (see section 2 for definitions).

From Šarkovskii's theorem we know: (i) if $P(f)$ is finite then $P(f) = \{1, 2, 4, \dots, 2^n\}$ for some integer $n \geq 0$ (see [3], [4] or [5]), (ii) if P is a periodic orbit of f of period 2^m , then f has a periodic orbit of period 2^k , which is contained in $[\min P, \max P]$ for each $k = 0, 1, \dots, m - 1$ (see [5]). In this paper we study the relation between these orbits.

Our main result is the following.

Theorem A. Let $f \in C^0(I, I)$ and suppose $P(f) = \{1, 2, 4, \dots, 2^n\}$. Then for any periodic orbit of period 2^m , with $m \leq n$, there exist $m + 1$ periodic orbits of periods $1, 2, 4, \dots, 2^m$ such that the 2^k periodic points of period 2^k are separated by the $1 + 2 + 4 + \dots + 2^{k-1} = 2^k - 1$ fixed points of f^{2^k-1} , for any $k = 1, 2, \dots, m$ (see Fig. 1 for $m = 3$).



... i 3 més amb J. Llibre

Espais homogenis ...

Bull. Sc. math., 2^e sèrie,
106, 1982, p. 337-350.

HOMOGENEOUS CONTACT COMPACT MANIFOLDS AND HOMOGENEOUS SYMPLECTIC MANIFOLDS

BY

ANTONIO DIAZ MIRANDA and AGUSTI REVENTOS (*)

Univ. Autònoma de Barcelona

RÉSUMÉ. — On montre que la fibration de Boothby et Wang donne une correspondance bijective entre l'ensemble des variétés compactes homogènes de contact (à une équivalence près) et celui des variétés compactes, simplement connexes, homogènes symplectiques dont la forme symplectique est entière (à une équivalence près). Ceci complète certains résultats partiels de Boothby et Wang sur les variétés homogènes de contact. D'autres résultats sur les espaces homogènes symplectiques sont aussi prouvés.

ABSTRACT. — In this paper we prove that the Boothby and Wang fibration gives us a bijective correspondence between the set of homogeneous contact compact manifolds (up to equivalence) and the set of homogeneous symplectic, simply connected compact manifolds whose symplectic form is integral (up to equivalence). This completes some partial results of Boothby and Wang on homogeneous contact manifolds. Other results on homogeneous symplectic spaces are also proved.



(*) Texte présenté par A. AVEZ, reçu le 22 octobre 1980, révisé le 22 décembre 1980.

Classification-matières AMS (MOS) 1980 : 53 C 30, 53 C 15.

Vedettes-matières : homogeneous manifolds, contact, symplectic.

Antonio DIAZ MIRANDA, Sangenjo, 9, Madrid-34 (Espagne).

Agusti REVENTOS, Portolá 22, Barcelona 23 (Espagne).

Foliacions

COMPACT HAUSDORFF FOLIATIONS

M. Nicolau and A. Reventós
Secció de Matemàtiques
Universitat Autònoma Barcelona (SPAIN)

§0. Introduction

In [4] Haefliger defines for each oriented foliation \mathcal{F} a linear operator $f_{\mathcal{F}}$ (the integration along the leaves) with similar properties to those of the integration over the fibres on fibre bundles.

We use this operator to obtain a differentiable version of the Gysin sequence and Euler class for a compact Hausdorff sphere foliation. From this we show that the vanishing of this class is related to the existence of a Riemannian transverse foliation.

We also use the integration along the leaves to obtain an integral formula, of Gauss-Bonnet type, which generalizes a result by Duchamp contained in his thesis [1].

ISRAEL JOURNAL OF MATHEMATICS, Vol 47, No 4, 1984

ON SOME GEOMETRICAL PROPERTIES OF SEIFERT BUNDLES

BY
M. NICOLAU AND A. REVENTÓS

ABSTRACT

In this paper we use the integration along the leaves introduced by Haefliger in 1980 to obtain a differentiable version of the Gysin sequence and Euler class for compact Hausdorff orientable foliations with generic leaf the sphere S^p . From this we give a geometrical significance to the vanishing of the Euler class on Seifert bundles. We also obtain an integral formula on Seifert bundles similar to the Gauss-Bonnet one.

§1. **Introduction**

In [3] Haefliger defines for each oriented foliation \mathcal{F} , a linear operator $f_{\mathcal{F}}$ (the integration along the leaves) which has similar properties to those of the integration over the fibres on fibre bundles.



Santaló



ACADEMIA NACIONAL DE CIENCIAS
EXACTAS, FÍSICAS Y NATURALES
REPUBLICA ARGENTINA

BUENOS AIRES, 23 de febrer de 1985

Estimat amic Reventós:

Moltes gracies per el seu treball, amb en Gallego, sobre la conjectura -fallida- $L/F \rightarrow 1$. Es un resultat que considero interessant i curiós, que fa veure un nou aspecta del pla hiperbolic. Per la geometria integral, la consecuencia será que tindrem que seguir imposant la condició de h-convexitat.

Com ja varem parlar, crec que seria interessant, i ara, en vista al seu contraexemple, no massa difícil, estudiar que passa en n dimensions, ~~per~~ al menys per $n=3$. Li envio una nota meua en que es considera el "cas euclidià" de n dimensions. Per l'espai hiperbolic de 3 dimensions, per les esferes es $F/V \rightarrow 2$, $M/F \rightarrow 1$, $M/V \rightarrow 2$. Suposo que lo mateix deu valer per h-convexes, pero tampoc ho he provat. Es podria estudiar.

Per ara no tinc pas planejat cap viatge a Catalunya, pero en tot cas ja l'avisaria; m'agradaria molt conversar.

Saludos per en Gallego y i una forta abressada als dos.
Cordialment

CS Santaló

Hiperbòlic

J. DIFFERENTIAL GEOMETRY
21 (1985) 63–72

ASYMPTOTIC BEHAVIOR OF CONVEX SETS IN THE HYPERBOLIC PLANE

E. GALLEGO & A. REVENTÓS

1. Introduction

In this note we study the following problem posed by L. A. Santaló and I. Yañez in [5]:

“Let $C(t)$ be a family of bounded closed convex sets in the hyperbolic plane, depending on the parameter t ($0 \leq t$) and such that $C(t_1) \subset C(t_2)$ for $t_1 < t_2$. Assume that for any point P of the plane there is a value t_P of t such that, for all $t \geq t_P$, we have $P \in C(t)$. We then say that $C(t)$ expands over the whole plane as $t \rightarrow \infty$. If $F(t)$ and $L(t)$ denote respectively the area and length of $C(t)$, prove that:

$$\lim_{t \rightarrow \infty} \frac{L(t)}{F(t)} = (-K)^{1/2},$$

where $K < 0$ is the curvature of the hyperbolic plane”.



Foliations

Annales Faculté des Sciences de Toulouse

Vol. IX, n°2, 1988

Unimodular Lie Foliations

M. LLABRÉS⁽¹⁾ and A. REVENTÓS⁽¹⁾

RÉSUMÉ. — Soit \mathcal{F} un \mathcal{G} -feuilletage de Lie de codimension n sur une variété compacte M .

Nous étudions la relation entre $H(\mathcal{G})$ et l'espace de cohomologie basique $H(M/\mathcal{F})$. Nous démontrons que en général $H^*(\mathcal{G}) \neq H^*(M/\mathcal{F})$; nous donnons des conditions suffisantes pour l'inclusion $H^*(\mathcal{G}) \subseteq H^*(M/\mathcal{F})$ et pour l'égalité $H^n(\mathcal{G}) = H^n(M/\mathcal{F})$.

Finalement, si \mathcal{F} est un flot de Lie avec $H^n(M/\mathcal{F}) \neq 0$ nous caractérisons quand \mathcal{F} est de type homogène en termes de sa classe d'Euler.

ABSTRACT. — Let \mathcal{F} be a codimension n Lie \mathcal{G} -foliation on a compact manifold M .

We study the relation between $H(\mathcal{G})$ and the cohomology space $H(M/\mathcal{F})$. We show that in general $H^*(\mathcal{G}) \neq H^*(M/\mathcal{F})$ and we give sufficient conditions for the inclusion $H^*(\mathcal{G}) \subseteq H^*(M/\mathcal{F})$ and for the equality $H^n(\mathcal{G}) = H^n(M/\mathcal{F})$.

Finally, if \mathcal{F} is a Lie flow with $H^n(M/\mathcal{F}) \neq 0$ we characterize when \mathcal{F} is homogeneous in terms of its Euler class.

J. Math. Soc. Japan
Vol. 48, No. 4, 1996

Transverse structure of Lie foliations

By Blas HERRERA, Miquel LLABRÉS
and Agustí REVENTÓS

(Received Apr. 7, 1994)

(Revised Dec. 5, 1994)

0. Introduction.

This paper deals with the problem of the realization of a given Lie algebra as transverse algebra to a Lie foliation on a compact manifold.

Lie foliations have been studied by several authors (cf. [4], [5], [6], [12], [17]). The importance of this study was increased by the fact that they arise naturally in Molino's classification of Riemannian foliations (cf. [14]).

To each Lie foliation are associated two Lie algebras, the Lie algebra \mathcal{G} of the Lie group on which the foliation is modeled and the structural Lie algebra \mathcal{H} . The latter algebra is the Lie algebra of the Lie foliation \mathcal{F} restricted to the closure of any one of its leaves. In particular, it is a subalgebra of \mathcal{G} . We remark that \mathcal{H} is canonically associated to \mathcal{F} , but \mathcal{G} is not.

Thus two interesting problems are naturally posed: the *realization problem* and the *change problem*.

J. Math. Kyoto Univ. (JMKYAZ)
37-3 (1997) 455-476

455

The transverse structure of Lie flows of codimension 3

By

Blas HERRERA and Agustí REVENTÓS



Foliations

C. R. Acad. Sci. Paris, t. 306, Série I, p. 675-679, 1988

675

Géométrie différentielle/Differential Geometry

Curvature and plane fields

Eduardo GALLEGO et Agustí REVENTÓS

Abstract — Let M be an oriented Riemannian manifold equipped with two oriented, complementary and orthogonal distributions of planes \mathcal{F} and \mathcal{H} .

Following Albert [1] we obtain some change integral formulas in the sense that on one side of them there is a term depending on the geometry of the manifold (curvature), and on the other side there are terms depending on the geometry of the plane fields (curvature, integrability and second fundamental form).

We generalize a result from [3] to arbitrary codimension and avoiding the integrability condition.

Courbure et champs de plans

Résumé — Soit M une variété riemannienne orientée munie de deux champs de plans \mathcal{F} et \mathcal{H} orientés, orthogonaux et complémentaires l'un de l'autre.

Suivant Albert [1] on obtient quelques formules intégrales donnant des relations entre la géométrie de la variété d'une part, et celles des champs de plans (courbure, intégrabilité et deuxième forme fondamentale), d'autre part.

On généralise un résultat de [3] à codimension arbitraire et sans hypothèse d'intégrabilité.

TRANSACTIONS OF THE
AMERICAN MATHEMATICAL SOCIETY
Volume 326, Number 2, August 1991

LIE FLOWS OF CODIMENSION 3

E. GALLEGO AND A. REVENTÓS

ABSTRACT. We study the following realization problem: given a Lie algebra of dimension 3 and an integer q , $0 \leq q \leq 3$, is there a compact manifold endowed with a Lie flow transversely modeled on \mathcal{G} and with structural Lie algebra of dimension q ? We give here a quite complete answer to this problem but some questions remain still open (cf. §2).

Publicacions Matemàtiques, Vol 33 (1989), 417-422.

GROUPOÏDES RIEMANNIENS


E. GALLEGO, L. GUALANDRI, G. HECTOR ET A. REVENTÓS

Abstract

We propose a definition of a riemannian groupoid, and we show that the Stefan foliation that it induces is a riemannian (singular) foliation. We also prove that the homotopy groupoid of a riemannian (regular) foliation is a riemannian groupoid.



Geometria Integral

 *Geometriae Dedicata* **76**: 275–289, 1999.
© 1999 Kluwer Academic Publishers. Printed in the Netherlands.

275

Asymptotic Behaviour of λ -Convex Sets in the Hyperbolic Plane

EDUARDO GALLEGO* and AGUSTÍ REVENTÓS
Departament de Matemàtiques, Universitat Autònoma de Barcelona, 08193 Bellaterra, Barcelona, Spain. e-mail: {gallego, agusti}@mat.uab.es

(Received: 1 July 1998; revised version: 10 November 1998)

Abstract. It is known that the limit Area/Length for a sequence of convex sets expanding over the whole hyperbolic plane is less than or equal to 1, and exactly 1 when the sets considered are convex with respect to horocycles. We consider geodesics and horocycles as particular cases of curves of constant geodesic curvature λ with $0 \leq \lambda \leq 1$ and we study the above limit Area/Length as a function of the parameter λ .

Mathematic Subject Classifications (1991): Primary 52A55; Secondary 52A10.

Key words: integral geometry, hyperbolic plane, λ -convex set.

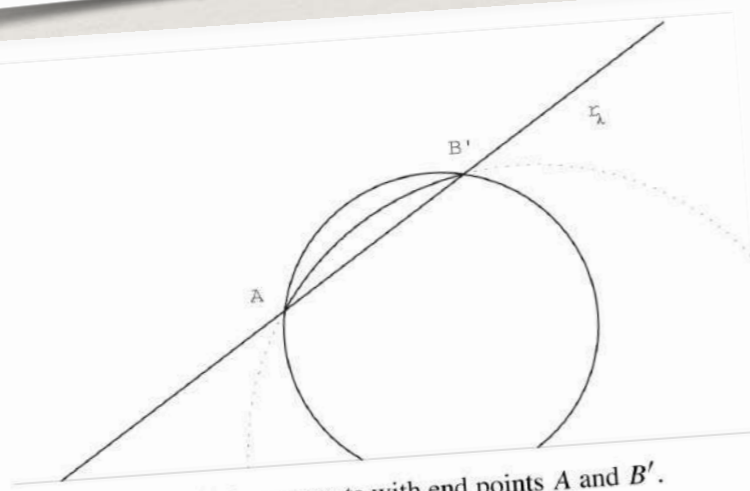


Figure 2. λ -geodesic segments with end points A and B'.

Differential Geometry and its Applications 14 (2001) 267–280
North-Holland
www.elsevier.com/locate/difgeo

267

Relation between area and volume for λ -convex sets in Hadamard manifolds ¹

A.A. Borisenko²

Geometry Department, Math.-Mech. Faculty, Kharkov National University, Pl. Svobody 4, 310077–Kharkov, Ukraine

E. Gallego³ and A. Reventós⁴

Departament de Matemàtiques, Universitat Autònoma de Barcelona, 08193–Bellaterra (Barcelona), Spain

Communicated by D.V. Alekseevsky
Received 1 June 2000

Abstract: It is known that for a sequence $\{\Omega_t\}$ of convex sets expanding over the whole hyperbolic space \mathbb{H}^{n+1} the limit of the quotient $\text{vol}(\Omega_t)/\text{vol}(\partial\Omega_t)$ is less or equal than $1/n$, and exactly $1/n$ when the sets considered are convex with respect to horocycles. When convexity is with respect to equidistant lines, i.e., the boundary bends, in this paper we give bounds of the above quotient for a compact λ -convex domain in a complete simply-connected manifold of negative and bounded sectional curvature, a Hadamard manifold. Then we see that the limit of $\text{vol}(\Omega_t)/\text{vol}(\partial\Omega_t)$ for sequences of λ -convex domains expanding over the whole space lies between the values λ/nk_2^2 and $1/nk_1$.

Keywords: Hyperbolic space, Hadamard manifold, normal curvature, volume, λ -geodesic, horocycle, λ -convex set.

MS classification: 52A55; 52A10.



L'evoluta i més

NOTES Edited by Ed Scheinerman

An Interesting Property of the Evolute

Carlos A. Escudero and Agustí Reventós

1. INTRODUCTION. The starting point of this note is the following inequality: if $C = \partial K$ is the boundary of a compact, convex set K of area F in \mathbb{R}^2 , then

$$\int_C \frac{1}{k} ds \geq 2F, \tag{1}$$

where $k = k(s) > 0$ is the curvature function of C and ds signifies arclength measure on C . Equality holds if and only if C is a circle.

In [1], two proofs of this result are given: the first uses a polygonal approximation of the curve C ; the second is based on ideas of Osserman [4]. In this note we give a very short new proof of (1), which has the advantage of providing a geometric interpretation of the difference $2F - \int_C k^{-1} ds$. To be precise, we prove that

$$\int_C \frac{1}{k} ds = 2(F - F_e),$$

where $F_e \leq 0$ is the (algebraic) area of the domain bounded by the evolute of C . Inequality (1) is the two-dimensional analogue of Heintze and Karcher's inequality:

$$\int_S \frac{1}{H} dA \geq 3V,$$

where $H > 0$ is the mean curvature of a compact embedded surface S in \mathbb{R}^3 bounding a domain D of volume V . Equality holds if and only if S is a standard sphere [5]. This raises the obvious question: Is there a geometric interpretation of the difference $3V - \int_C H^{-1} dA$?



FOCAL SETS IN TWO-DIMENSIONAL SPACE FORMS

CARLOS ARTURO ESCUDERO, AGUSTÍ REVENTÓS AND GIL SOLANES

We relate the area of a convex set in a 2-dimensional space of constant curvature with some integrals over the curvature radius at its boundary.

1. Introduction

Let $M = \partial K$ be the boundary of a compact convex domain K in \mathbb{R}^2 of area F . Then we have the inequality

$$\int_M \frac{1}{k(s)} ds \geq 2F, \tag{1}$$

where ds is the arclength measure on M and $k = k(s) > 0$ is the curvature of M at the point of parameter s . Equality holds if and only if M is a circle. See for instance [Escudero and Rodríguez 1996] or [Zhou 2007].



Geometria Integral

manuscripta math.

© Springer-Verlag 2008

E. Gallego · A. Reventós · G. Solanes · E. Teufel

Width of convex bodies in spaces of constant curvature

Received: 26 February 2007 / Revised: 11 January 2008

Abstract. We consider the measure of points, the measure of lines and the measure of planes intersecting a given convex body K in a space form. We obtain some integral formulas involving the width of K and the curvature of its boundary ∂K . Also we study the special case of constant width. Moreover we obtain a generalisation of the Heintze–Karcher inequality to space forms.

Advances in Geometry
© de Gruyter 2010

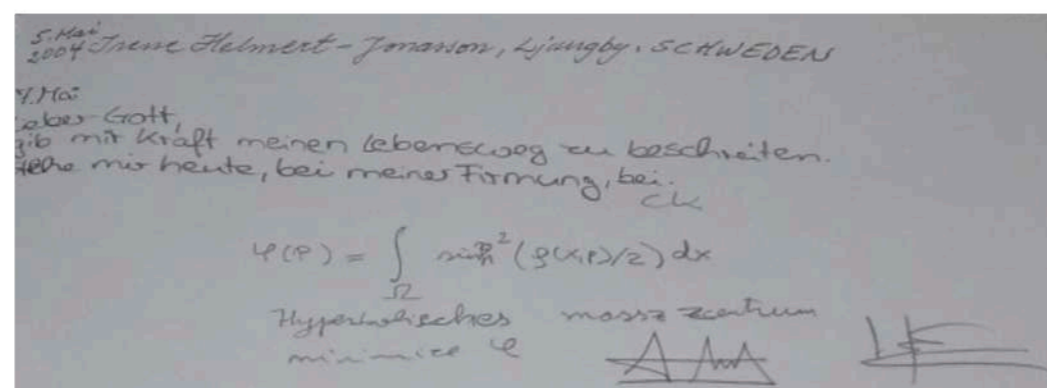
Adv. Geom. **10** (2010), 709–718
DOI 10.1515/ADVGEOM.2010.034

A kinematic formula for the total absolute curvature of intersections

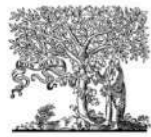
E. Gallego, A. Reventós, G. Solanes and E. Teufel*
(Communicated by K. Strambach)

Abstract. Given two surfaces in three dimensional euclidean space, one fixed and the other moved by rigid motions, we consider the total absolute curvature of the intersection curves. In this paper we investigate the integral of these total absolute curvatures over all motions. Under some geometric conditions we obtain kinematic formulas, and with weaker conditions we get upper and lower bounds. Finally, as applications, we obtain upper bounds for the average number of connected components of the intersections, and we give Hadwiger conditions for a convex domain to be able to contain another one.

Key words. Total absolute curvature, kinematic formulas, integral geometry.



Geometria hiperbòlica, Història



ELSEVIER

Available online at www.sciencedirect.com

SciVerse ScienceDirect

Historia Mathematica 39 (2012) 292–323

HISTORIA
MATHEMATICA

www.elsevier.com/locate/yhmat

What did Gauss read in the *Appendix*?

Judit Abardia^{a,*}, Agustí Reventós^b, Carlos J. Rodríguez^{b,c}

^a Institut für Mathematik, Goethe-Universität Frankfurt, Frankfurt, Germany

^b Departament de Matemàtiques, Universitat Autònoma de Barcelona, Bellaterra (Barcelona), Spain

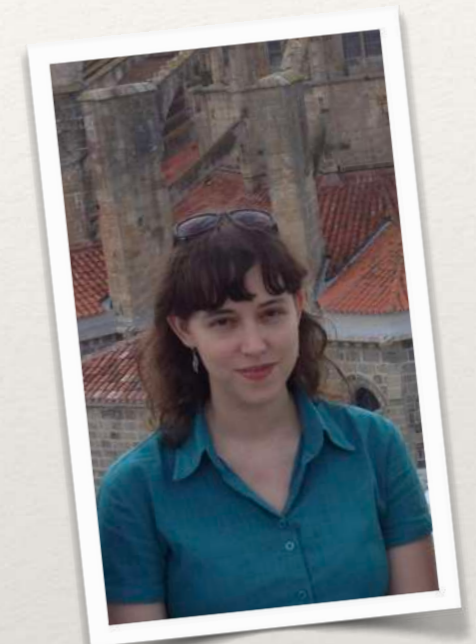
^c Universidad del Valle, Cali, Colombia

Available online 4 May 2012

Abstract

In a clear analogy with spherical geometry, Lambert states that in an “imaginary sphere” the sum of the angles of a triangle would be less than π . In this paper we analyze the role played by this imaginary sphere in the development of non-Euclidean geometry, and how it served Gauss as a guide. More precisely, we analyze Gauss’s reading of Bolyai’s *Appendix* in 1832, five years after the publication of *Disquisitiones generales circa superficies curvas*, on the assumption that his investigations into the foundations of geometry were aimed at finding, among the surfaces in space, Lambert’s hypothetical imaginary sphere. We also wish to show that the close relation between differential geometry and non-Euclidean geometry is already present in János Bolyai’s *Appendix*, that is, well before its appearance in Beltrami’s *Saggio*. From this point of view, one is able to answer certain natural questions about the history of non-Euclidean geometry; for instance, why Gauss decided not to write further on the subject after reading the *Appendix*.

© 2012 Elsevier Inc. All rights reserved.



Geometria Integral, convexitat

ARCHIVUM MATHEMATICUM (BRNO)

Tomus 50 (2014), 219–236

EVOLUTES AND ISOPERIMETRIC DEFICIT IN TWO-DIMENSIONAL SPACES OF CONSTANT CURVATURE

JULIÀ CUFÍ AND AGUSTÍ REVENTÓS

ABSTRACT. We relate the total curvature and the isoperimetric deficit of a curve γ in a two-dimensional space of constant curvature with the area enclosed by the evolute of γ . We provide also a Gauss-Bonnet theorem for a special class of evolutes.

Elem. Math. 71 (2016) 1 – 12
0013-6018/16/010001-12

© Swiss Mathematical Society, 2016

Elemente der Mathematik

A lower bound for the isoperimetric deficit

Julià Cufí and Agustí Reventós¹

Agustí Reventós is professor of Geometry at the Universitat Autònoma de Barcelona. He has translated to Catalan and commented the *Disquisitiones generales circa superficies curvas* by C.F. Gauss, with Carlos Rodríguez. He is editor, with A.M. Naveira, of the *Selected Works of Luis Antonio Santaló*. He is interested in affine maps, Euclidean motions and quadrics.

Julià Cufí received his Ph.D. in Mathematics from Barcelona University. He is emeritus professor at the Department of Mathematics of the Universitat Autònoma de Barcelona. His main field of interest is the theory of functions of complex variables.

Curvature for Polygons

Julià Cufí, Agustí Reventós, and Carlos J. Rodríguez

Abstract. Using a notion of curvature at the vertices of a polygon, we prove an inequality involving the length of the sides of the polygon and the radii of curvature at the vertices. As a consequence, we obtain a discrete version of Ros' inequality.

332

© THE MATHEMATICAL ASSOCIATION OF AMERICA [Monthly 122



Mecànica

Note di Matematica
Note Mat. **36** (2016) no. 2, 37–47.

ISSN 1123-2536, e-ISSN 1590-0932
doi:10.1285/i15900932v36n2p37

Geometric characterization of the rotation centers of a particle in a flow

Blas Herreraⁱ

Departament d'Enginyeria Informàtica i Matemàtiques, Universitat Rovira i Virgili
blas.herrera@urv.net

Jordi Pallaresⁱⁱ

Departament d'Enginyeria Mecànica, Universitat Rovira i Virgili
jordi.pallares@urv.cat

Agustí Reventós

Departament de Matemàtiques, Universitat Autònoma de Barcelona
agusti@mat.uab.cat

Received: 6.10.2015; accepted: 6.2.2016.

Abstract. We provide a geometrical characterization of the instantaneous rotation centers $\vec{O}(p, t)$ of a particle in a flow \mathcal{F} over time t . Specifically, we will prove that: a) at a specific instant t , the point $\vec{O}(p, t)$ is the center of curvature at the vertex of the parabola which best fits the path-particle line $\gamma(t)$ on its Darboux plane at p , and b) over time t , the geometrical locus of $\vec{O}(p, t)$ is the line of striction of the principal normal surface generated by $\gamma(t)$.

Keywords: Geometry of flows, structure of flows

MSC 2000 classification: primary 53Z05, 76U05, secondary 53A05, 53A04



Geometria Integral, convexitat

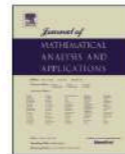
J. Math. Anal. Appl. 458 (2018) 436–451



Contents lists available at ScienceDirect

Journal of Mathematical Analysis and Applications

www.elsevier.com/locate/jmaa



A note on Hurwitz's inequality

Julià Cufí, Eduardo Gallego*, Agustí Reventós

Departament de Matemàtiques, Universitat Autònoma de Barcelona, 08193 Bellaterra, Barcelona, Catalonia, Spain

ARTICLE INFO

Article history:
Received 31 March 2017
Available online 18 September 2017
Submitted by A. Cianchi

Keywords:
Convex set
Isoperimetric inequality
Evolute
Hypocycloid
Pedal curve
Visual angle

ABSTRACT

Given a simple closed plane curve Γ of length L enclosing a compact convex set K of area F , Hurwitz found an upper bound for the isoperimetric deficit, namely $L^2 - 4\pi F \leq \pi|F_e|$, where F_e is the algebraic area enclosed by the evolute of Γ . In this note we improve this inequality finding strictly positive lower bounds for the deficit $\pi|F_e| - \Delta$, where $\Delta = L^2 - 4\pi F$. These bounds involve either the visual angle of Γ or the pedal curve associated to K with respect to the Steiner point of K or the L^2 distance between K and the Steiner disk of K . For compact convex sets of constant width Hurwitz's inequality can be improved to $L^2 - 4\pi F \leq \frac{4}{3}\pi|F_e|$. In this case we also get strictly positive lower bounds for the deficit $\frac{4}{3}\pi|F_e| - \Delta$. For each established inequality we study when equality holds. This occurs for those compact convex sets being bounded by a curve parallel to an hypocycloid of 3, 4 or 5 cusps or the Minkowski sum of this kind of sets.

© 2017 Elsevier Inc. All rights reserved.

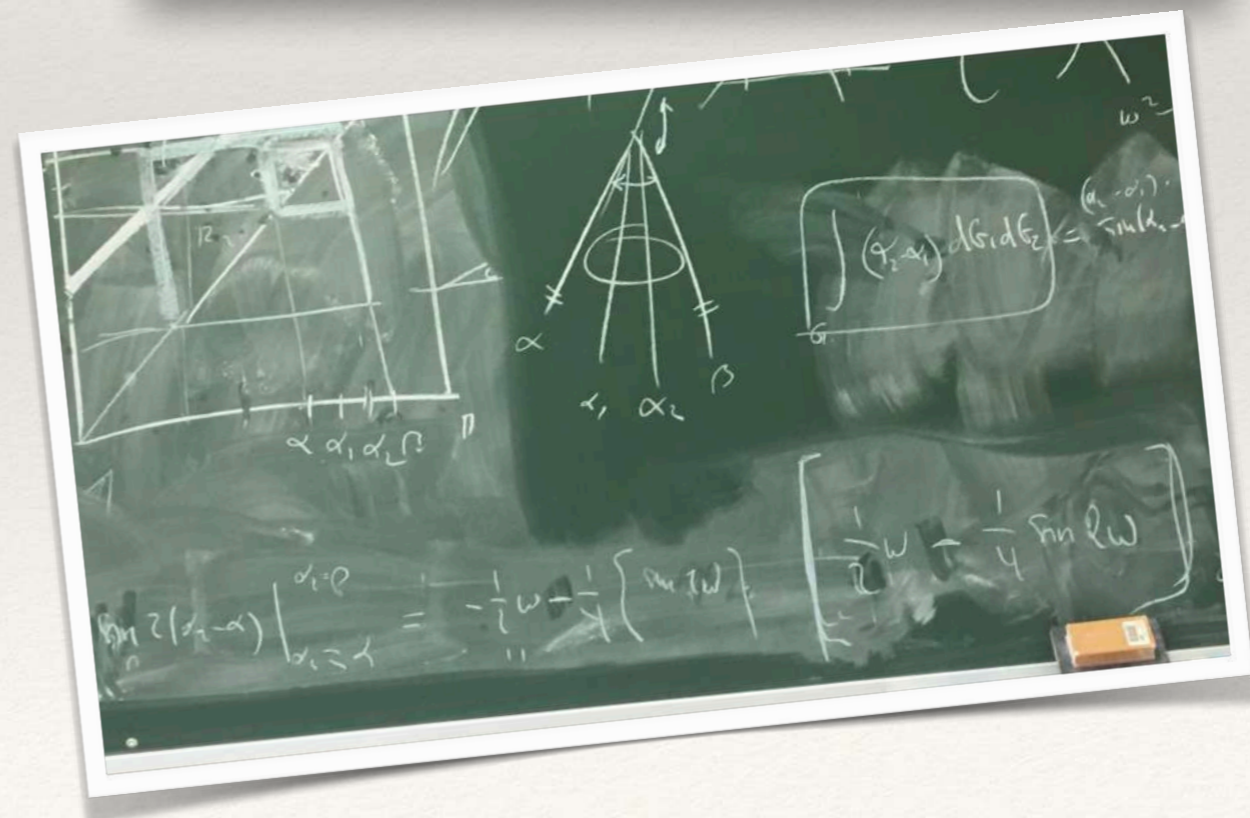
Mathematika 65 (2019) 874–896 © 2019 University College London

doi:10.1112/S0025579319000202

ON THE INTEGRAL FORMULAS OF CROFTON AND HURWITZ RELATIVE TO THE VISUAL ANGLE OF A CONVEX SET

JULIÀ CUFÍ, EDUARDO GALLEGO AND AGUSTÍ REVENTÓS

Abstract. We provide a unified approach that encompasses some integral formulas for functions of the visual angle of a compact convex set due to Crofton, Hurwitz and Masotti. The basic tool is an integral formula that also allows us to integrate new functions of the visual angle. Also, we establish some upper and lower bounds for the considered integrals, generalizing, in particular, those obtained by Santaló for Masotti's integral.



Geometria Integral, convexitat

Arch. Math. 117 (2021), 579–591
© 2021 Springer Nature Switzerland AG
0003-889X/21/050579-13
published online September 21, 2021
<https://doi.org/10.1007/s00013-021-01651-8>

Archiv der Mathematik



Integral geometry of pairs of planes

JULIÀ CUFÍ, EDUARDO GALLEGO , AND AGUSTÍ REVENTÓS

Abstract. We deal with integrals of invariant measures of pairs of planes in the Euclidean space E^3 as considered by Hug and Schneider. In this paper, we express some of these integrals in terms of functions of the visual angle of a convex set. As a consequence of our results, we evaluate the deficit in a Crofton-type inequality due to Blaschke.

Mathematics Subject Classification. Primary 52A15; Secondary 53C65.

Keywords. Invariant measure, Convex set, Visual angle, Constant width.

Rendiconti del Circolo Matematico di Palermo Series 2
<https://doi.org/10.1007/s12215-019-00461-w>



Integral geometry about the visual angle of a convex set

Julià Cufí¹ · Eduardo Gallego¹  · Agustí Reventós¹

Received: 18 June 2019 / Accepted: 9 October 2019
© Springer-Verlag Italia S.r.l., part of Springer Nature 2019

Abstract

In this paper we deal with a general type of integral formulas of the visual angle, among them those of Crofton, Hurwitz and Masotti, from the point of view of Integral Geometry. The purpose is twofold: to provide an interpretation of these formulas in terms of integrals of functions with respect to the canonical density in the space of pairs of lines and to give new simpler proofs of them.

Keywords Convex set · Visual angle · Densities

Mathematics Subject Classification 52A10 · 53A04



Història

MT MacTutor

HOME BIOGRAPHIES HISTORY TOPICS MAP CURVES SEARCH


Pierre Ossian Bonnet

Quick Info

Born
22 December 1819
[Montpellier, France](#)

Died
22 June 1892
Paris, France

Summary
Pierre Bonnet was a French mathematician who worked in the differential geometry of surfaces. He proved the Gauss-Bonnet theorem.



[View two larger pictures](#)

Ossian Bonnet and differential geometry

Agustí Reventós Tarrida, of the Universitat Autònoma de Barcelona wrote *Notes sobre els inicis històrics de la geometria diferencial* in which he describes Ossian Bonnet's contributions to differential geometry. We give below an English translation of an extract.

Pierre Ossian Bonnet (1819-1892)

He was born in Montpellier. He entered the École Polytechnique in 1833 and became a teacher in 1844. From 1868 he was Chasles' assistant at the same school. In 1878 he moved to the Sorbonne. In 1883 he replaced Liouville as a member of the Bureau des Longitudes. He introduced geodesic curvature which allowed him to generalise Gauss's defect theorem to triangles with non-geodesic sides. It is what is currently known as the Gauss-Bonnet Theorem.

<https://mathhistory.st-andrews.ac.uk/Biographies/Bonnet/>

Agustí Reventós Tarrida has written an **excellent history** of differential geometry in which he looks in detail at the work of all the mathematicians we have just mentioned, see [7]. The article is written in the **Catalan language** so, for those who cannot read Catalan, we have translated to English an extract of his description of Bonnet's work in this area; see [THIS LINK](#).

Història

Notes sobre els inicis històrics de la geometria diferencial.

Segles XVII, XVIII i XIX

Agustí Reventós Tarrida

Ell li diu “booklet”, amb 391 pàgines!



Índex

1	Introducció	5
2	Els precursors	9
2.1	Christian Huygens (1629-1695)	10
2.2	Isaac Newton (1642-1727)	13
2.3	Pierre Varignon (1654-1722)	19
2.4	Gottfried Wilhelm von Leibniz (1646-1716)	21
2.5	Johann Bernoulli (1667-1748)	23
3	Leonhard Euler (1707-1783)	25
4	Alexis Claude Clairaut (1713-1765)	31
5	Joseph Louis Lagrange (1736-1813)	37
6	Gaspard Monge (1746-1818)	41
7	La influència de Monge. L'École Polytechnique	81
7.1	Charles Tinseau d'Amondans (1748-1822)	81
7.2	Adrien Marie Legendre (1752-1833)	83
7.3	Jean Baptiste Meusnier (1754-1793)	86
7.4	Sylvestre Lacroix (1765-1843)	95
7.5	Jean Baptiste Joseph Fourier (1768-1830)	98
7.6	Michel Ange Lancret (1774-1807)	99
7.7	André Marie Ampère (1775-1846)	107
7.8	Sophie Germain (1776-1831)	108
7.9	Pierre Charles François Dupin (1784-1873)	113
7.10	Louis Leger Vallée (1784-1864)	122
7.11	Augustin Louis Cauchy (1789-1857)	123

4

Agustí Reventós

7.12	Michel Chasles (1793-1880)	127
7.13	Benjamin Olinde Rodrigues (1795-1851)	131
7.14	Gabriel Lamé (1795-1870)	134
7.15	Adhémar Jean Claude Barré de Saint-Venant (1797-1886)	142
7.16	Jean Frédéric Frenet (1816-1900)	144

8	Carl Friedrich Gauss (1777-1855)	145
----------	---	------------

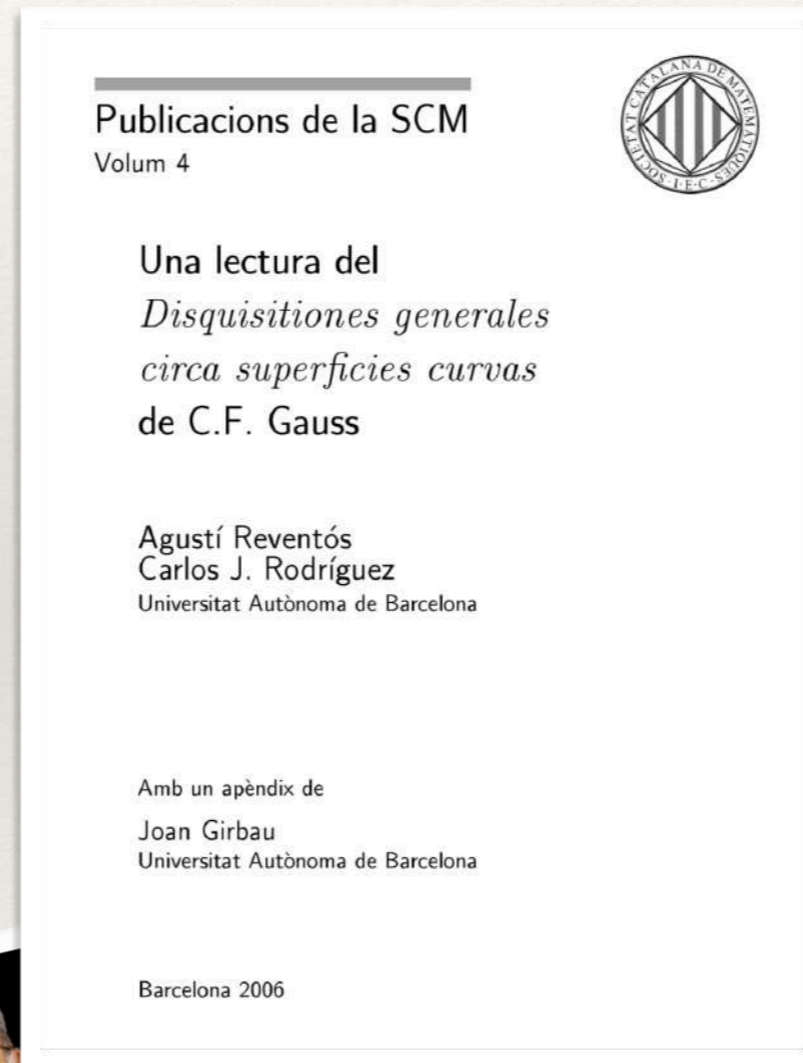
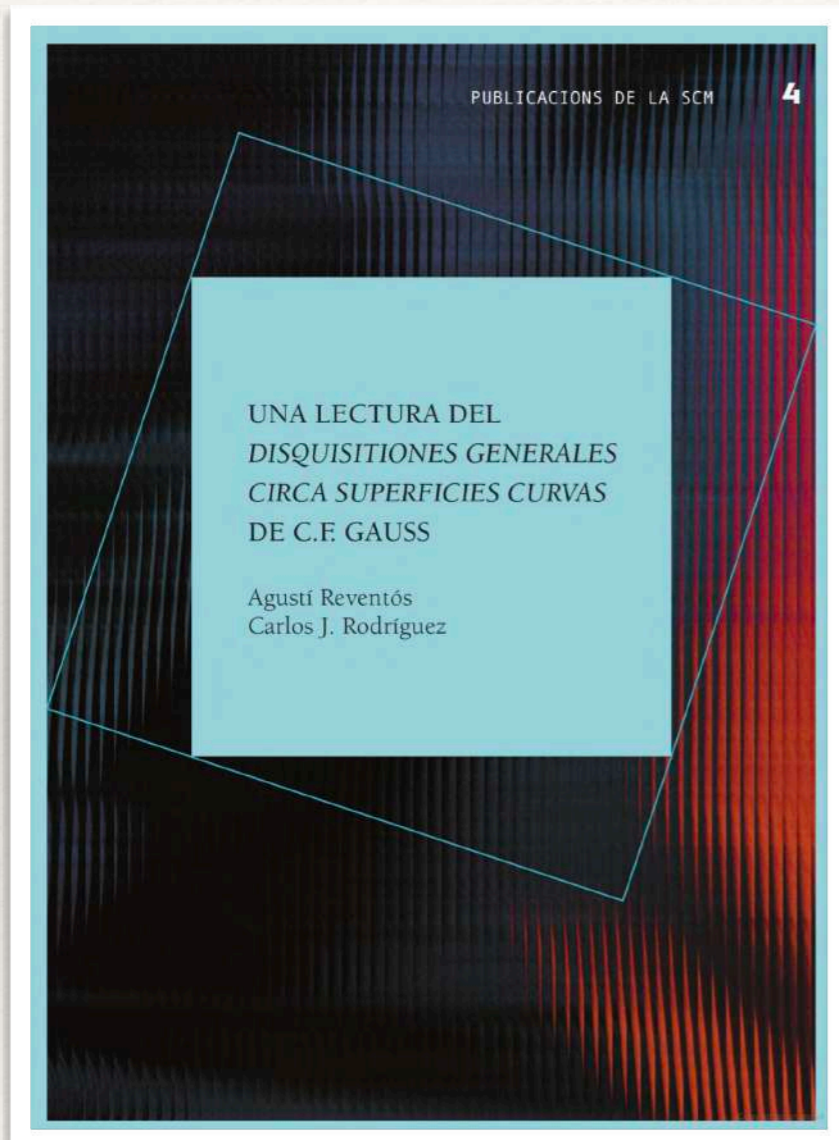
9	La influència del <i>Disquisitiones</i> de Gauss	163
9.1	Ferdinand Minding (1806-1885)	164
9.2	Joseph Liouville (1809-1882)	167
9.3	L'Abbé Aoust (1814-1885)	170
9.4	Ferdinand Joachimsthal (1818-1861)	174
9.5	Pierre Ossian Bonnet (1819-1892)	178
9.6	Joseph Alfred Serret (1819-1885)	188
9.7	Victor Alexandre Puiseux (1820-1883)	192
9.8	Joseph Louis François Bertrand (1822-1900)	194
9.9	Delfino Codazzi (1824-1873)	198
9.10	Alfred Enneper (1830-1885)	200
9.11	Edmond Bour (1832-1866)	207
9.12	Edmond Laguerre (1834-1886)	209
9.13	Eugenio Beltrami (1835-1900)	211
9.14	Julius Weingarten (1836-1910)	236
9.15	Gaston Darboux (1842-1917)	241
9.16	Sophus Lie (1842-1899)	272
9.17	Albert Ribaucour (1845-1893)	276
9.18	Ulisse Dini (1845-1918)	284
9.19	Luigi Bianchi (1856-1928)	286

A	Les notes històriques de Struik	289
----------	--	------------

B	Ordre cronològic dels articles citats	307
----------	--	------------

Tens feina.
Això s'ha de publicar!

Història



Índex

1	Introducció	9
2	La traducció	25
A	Els articles del <i>Disquisitiones</i>	81
B	El <i>Disquisitiones</i> de 1825	95
C	Cartes de Gauss sobre geometria no euclidiana	101
D	János Bolyai <i>ab omni naevo vindicatus</i>	109
	D.1 L'apèndix del Tentamen	111
	D.2 Els dibuixos del descobriment	118
	D.3 Canvi de coordenades	119
	D.4 Consistència de la geometria no euclidiana	122
E	Geometria esfèrica	129
	E.1 Geometria analítica de l'espai	130
	E.2 Geometria analítica de l'esfera	133
	E.3 Càlcul de l'àrea de l'esfera	135
	E.4 Àrea del triangle: una prova meravellosa	137
	E.5 Trigonometria esfèrica	139
	E.6 Angle d'inclinació a l'esfera	147
F	La derivada de l'angle d'inclinació	153
G	Angle d'inclinació, teorema egregi i teorema del defecte	157
H	Geometria hiperbòlica	161
	H.1 Geometria hiperbòlica analítica	161
	H.2 La pseudoesfera	169
	H.3 Espai de Minkowski	173
I	Trigonometria esfèrica i hiperbòlica, (per Joan Girbau)	175
	I.1 Trigonometria esfèrica	175
	I.2 Trigonometria hiperbòlica	180
	Bibliografia	187
	Índex terminològic	195
	Índex onomàstic	199

Història

UAB

Universitat Autònoma de Barcelona

CENTRE D'HISTÒRIA DE LA CIÈNCIA (CEHIC)

EL DESENVOLUPAMENT DE LA GEOMETRIA NO EUCLIDIANA A ITÀLIA

TESI DOCTORAL

presentada per

Miriam Alcalá Vicente

dirigida per

Agustí Reventós Tarrida

Programa Interuniversitari de Doctorat en Història de la
Ciència (UAB-UB)

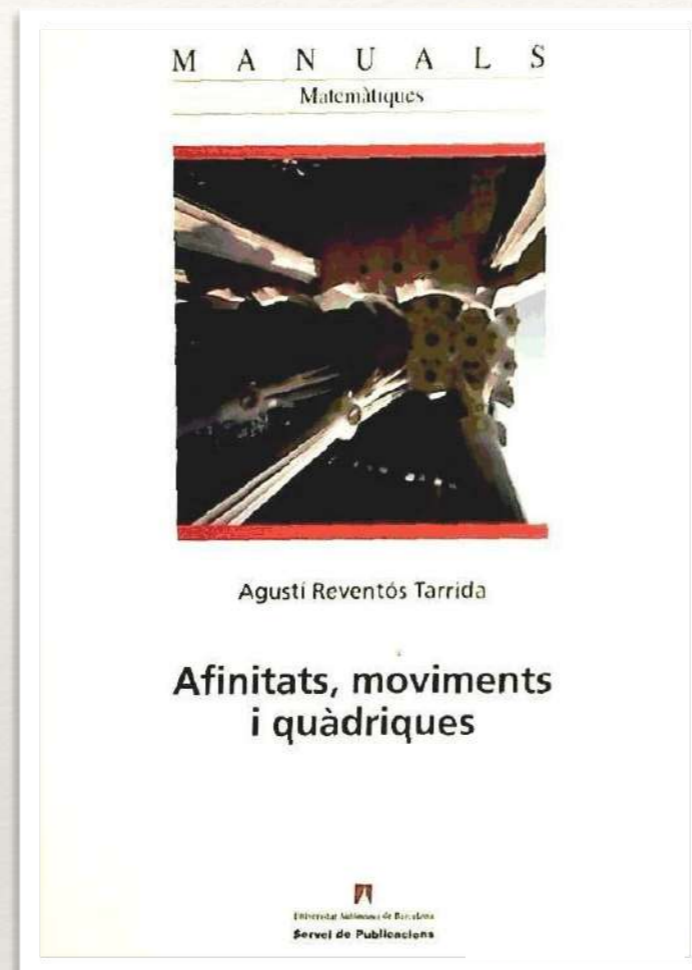
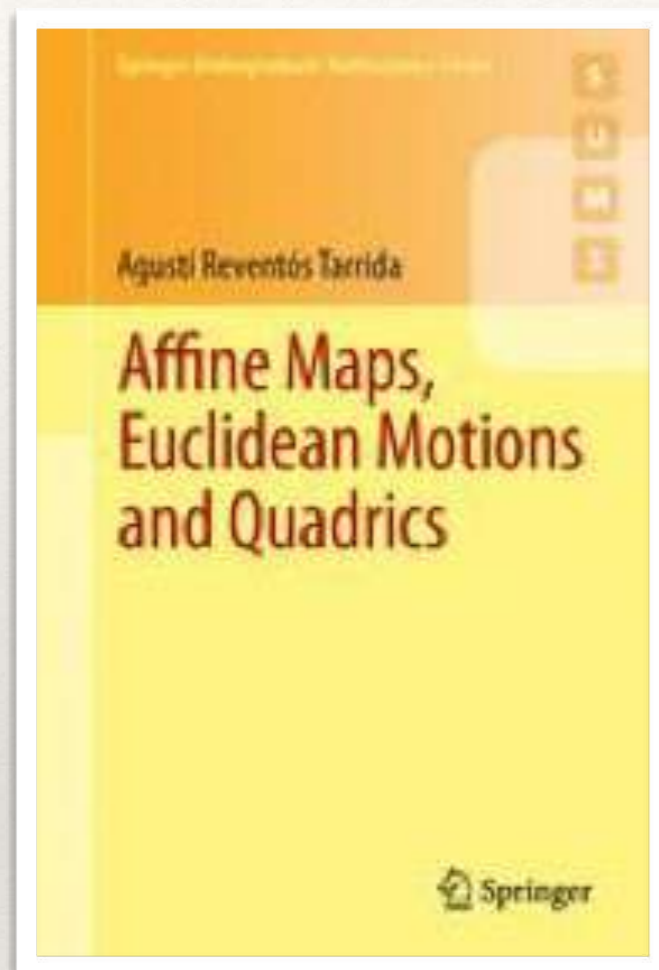
Maig 2017

Aquesta tesi doctoral ha estat possible gràcies, en primer lloc, al suport i la motivació que m'ha donat el meu director Agustí Reventós i Tarrida. Tot i les seves dificultats personals, sempre he pogut comptar amb ell per superar els entrebancs que han anat sorgint. La manera com les seves explicacions converteixen les matemàtiques més complicades en conseqüències clares i naturals, no ha deixat de sorprendre'm i m'ha fet recuperar la il·lusió de saber més.

Índex

Introducció	1
1 Breu història del descobriment de les geometries no euclidianes	7
1.1 L'herència de la matemàtica grega	7
1.2 El problema del 5è postulat	11
1.3 Un món creat del no-res	17
1.4 Postures epistemològiques i acollida de la geometria no euclidiana	26
2 La renaixença de la geometria no euclidiana	33
2.1 Influència científica de G. J. Hoüel	39
2.2 La postura de Hoüel respecte a les noves idees	46
3 L'escena italiana	55
3.1 Context polític i social	56
3.2 L'ensenyament de la geometria a les escoles. La controvèrsia sobre l' <i>Euclides</i>	64
3.3 El paper de Giuseppe Battaglini a les matemàtiques post-unitàries	79
3.4 Eugenio Beltrami. Nota biogràfica	88
4 G. Battaglini i la geometria imaginària	101
4.1 Tradició matemàtica. La universitat de Nàpols	102
4.2 Línia de recerca i estudi de la geometria no euclidiana	104
4.3 Acollida de les noves idees	112
4.4 El <i>Sulla Geometria Immaginaria</i>	118
4.4.1 El mètode analític	119
4.4.2 La falta de rigor	121
4.4.3 Distàncies ideals i punts més enllà de l'infinit	126
4.4.4 La Geometria euclidiana com a cas particular de la imaginària	130
4.4.5 Descripció del pla no euclidà	130
5 La interpretació de la geometria no euclidiana	137
5.1 La Geometria diferencial, inspiració dels treballs de Beltrami	138
5.2 Geodèsia i Geometria no Euclidiana	151
5.3 El Saggio	156
5.4 Teoria Fondamentale degli spazii di curvatura costante	167
5.5 Relació entre el model de Beltrami i les idees de Battaglini	174
5.6 Osservazione sulla nota del Prof. Schläfli	180
6 L'Acceptació de les noves geometries	187
6.1 Reaccions davant la geometria no euclidiana	188
6.2 La solució al problema de la consistència	202
6.3 Validesa i realitat	206
Apèndix	211
A Cartes a J. Hoüel	211
A.1 Cartes de G. Battaglini a J. Hoüel	211
A.2 Cartes d'E. Beltrami a J. Hoüel	218
B Alguns comentaris més sobre l'article de Battaglini	223
B.1 La controvertida fórmula des d'un enfoc geomètric	223
B.2 Algunes demostracions dels resultats presentats al <i>Sulla geometria immaginaria</i>	225

Llibres



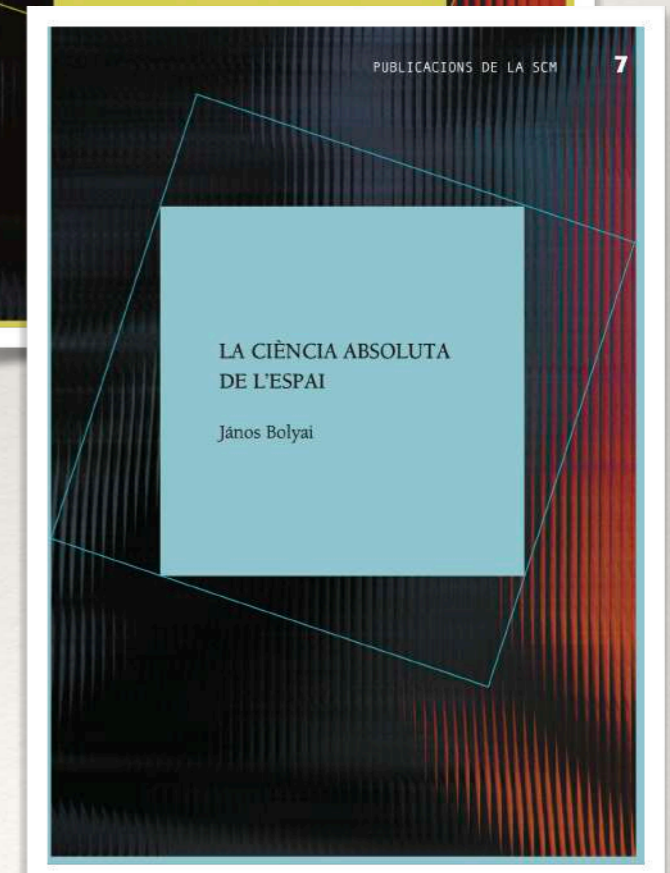
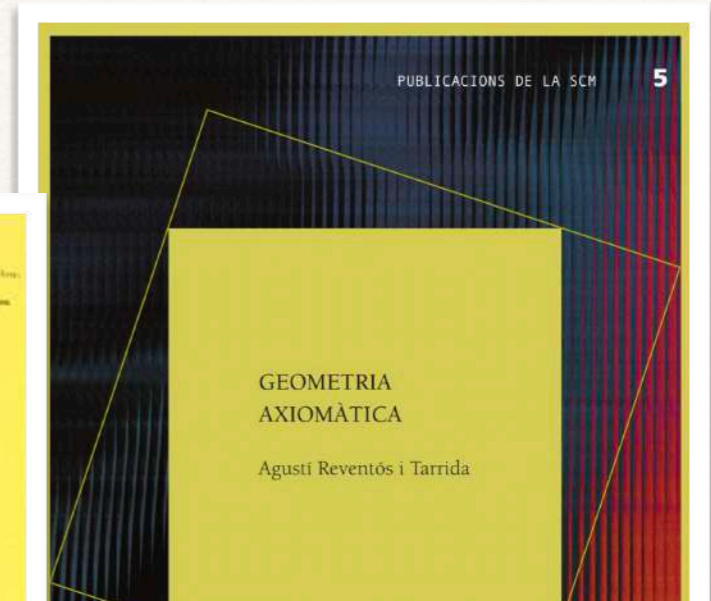
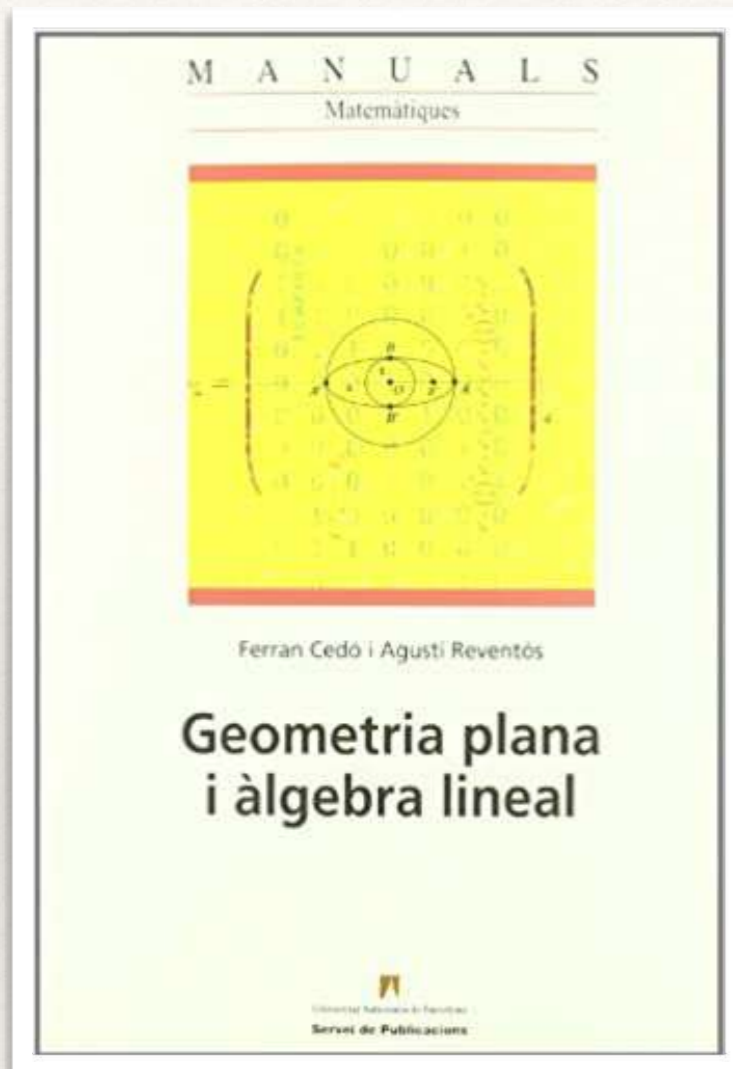
Misprints detected by William Giuliano in *Affine Maps, Euclidean Motions and Quadrics*

page 18, line +3 (after the figure): in the first sum the index is j
page 28, line -4: $(A B C)$ should be (A, B, C)
page 57, line +2: The A of A_2 is written in a different character
page 77, line +9: P belongs to A_1
page 104, in the second matrix $Thg(a)$ the 1 and 0 are switched
page 109, last line: is $(-11-2y, y)$
page 343, line -11: B_2 instead of B
page 192, line -11: characteristic
page 204, line -1: in the last column of the matrix there extra c 's
page 204, line -6: it is $SR(0)$ instead of $SG(0)$
page 353, line +6: it is $-1/12$ instead of $-1/2$
page 379, exercise B.1: the map takes values in \mathbb{R}
page 260, line -1: the polynomial is $x^4 - 24x^2 - 17x + 56$
page 263, line -4: x_3 instead of z
page 277, line -5: x_1, x_2, x_3 instead of x, y, z

I also thank to Professors Manuel Castellet, Eduardo Gallego, and Daniel Fernández for detecting some misprints in the catalan version *Afinitats, Moviments i Quàdriques*.

“Anyone who ... is particularly interested in how geometry can be developed using the tools of linear algebra will certainly want to look closely at this book, which gives a linear-algebraic definition of affine and Euclidean geometry Tarrida clearly intends for this book to be used primarily as a text, rather than as a reference. It was obviously written with the needs of students in mind. ... There is also a good supply of worked examples and end-of-chapter exercises.” (Mark Hunacek, The Mathematical Association of America, October, 2011)

Llibres



Cliente Amazon

★★★★★ **Libro perfecto**

Revisado en España el 16 de marzo de 2019

Compra verificada

Lo usé para el curso de algebra lineal de primero de matemáticas.

Cubre todo el temario, todo está muy bien explicado y con mucho rigor (lo que hace mas fácil entender la materia).

Llibres

Un recull (extens)
d'exercicis sobre corbes i
superfícies



Gregori Gusp i Agustí Reventós

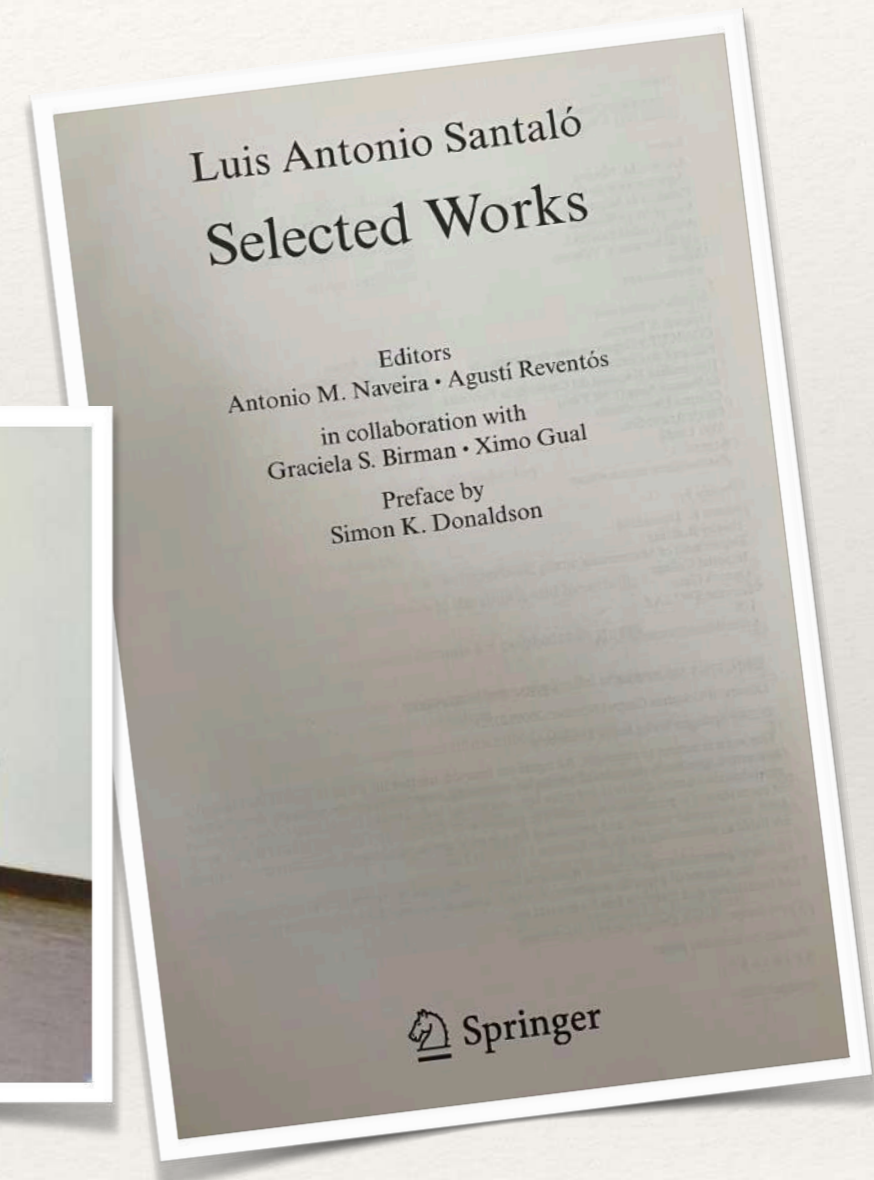
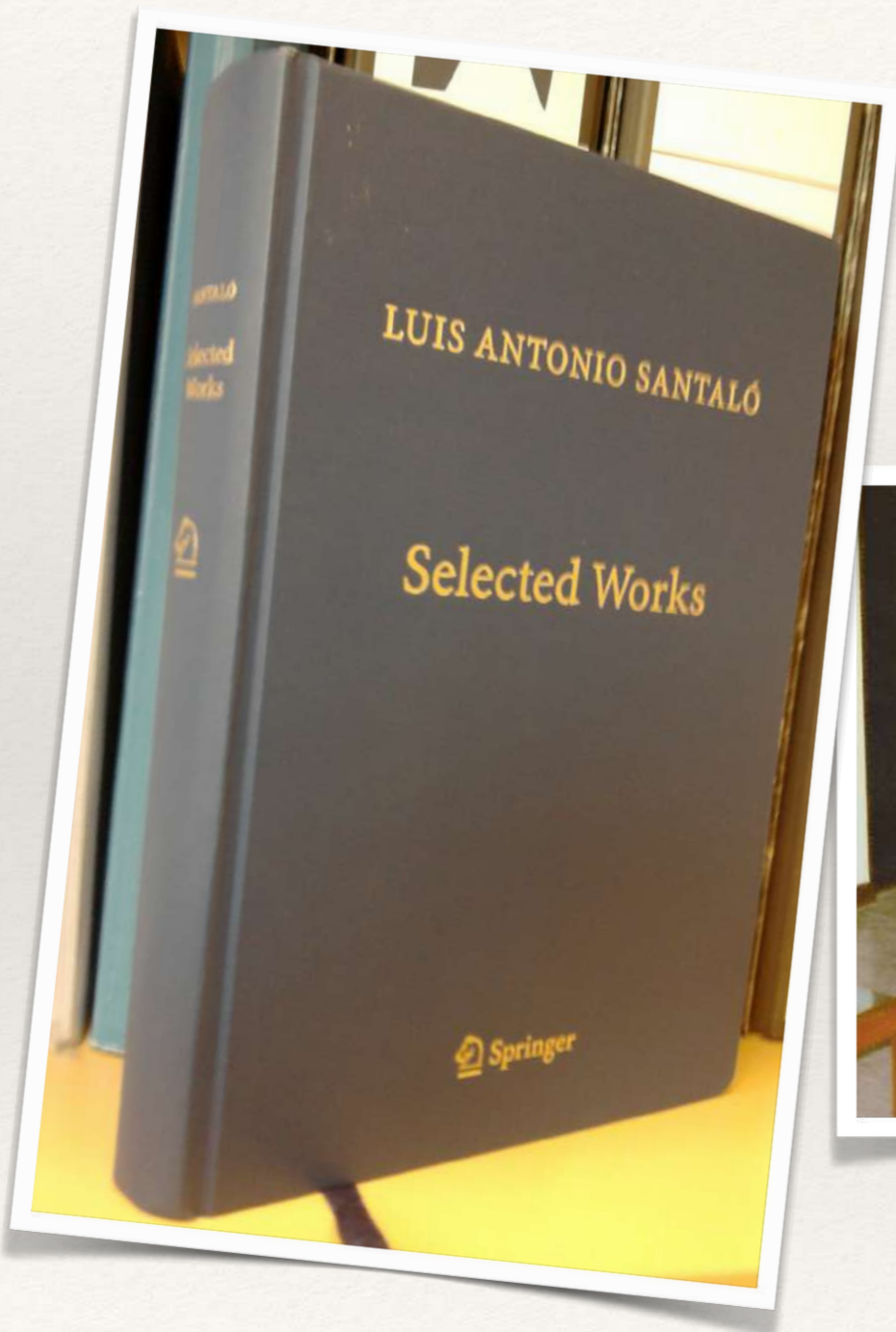


Taula de Contingut

Fets bàsics de la teoria de corbes	7
1 Corbes planes	9
1 Parametritzacions i paràmetre arc	9
2 Curvatura	14
3 Envolupants	16
4 Involutes i evolutes	17
2 Corbes a l'espai	21
1 Parametritzacions i paràmetre arc	21
2 Triedre de Frenet. Curvatura i torsió	21
3 Corbes esfèriques i hèlixs	24
Resum teòric sobre superfícies	29
3 Superfícies	35
1 Parametritzacions. Espai tangent.	35
2 Primera forma fonamental.	37
3 Segona forma fonamental	42
4 Teorema egregi	47
5 Superfícies de revolució	48
6 Superfícies reglades	51
7 Corbes sobre superfícies	54
7.1 Curvatura normal i curvatura geodèsica	54
7.2 Línies de curvatura	55
7.3 Línies asimptòtiques	57
7.4 Geodèsiques	58
8 Sense classificació clara	62
Solucions als Exercicis	64

(309 pàgines)

Llibres



Docència



« Avec sa géométrie descriptive
et ses générations de surfaces,
ce diable d'homme
se rendra immortel »
Joseph-Louis Lagrange

Els alumnes de geometria diferencial et
desitgem una ràpida recuperació.

Curs 2014-2015

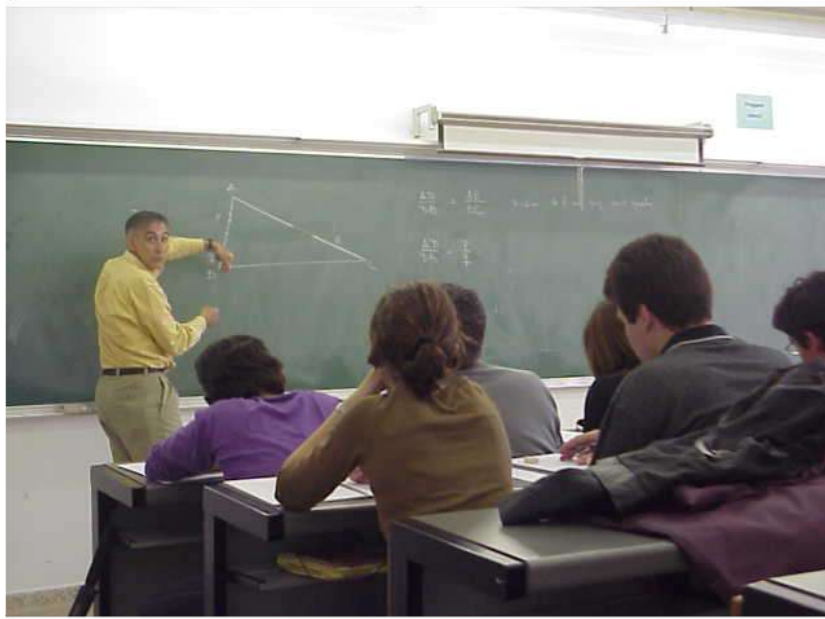
Amb la perspectiva adquirida després de 4 anys, i amb moltes hores passades a les aules, escoltant, intentant entendre i prenent apunts, podem afirmar que les hores amb l'Agustí són diferents, són classes on aprens gaudint intensament, i volent-ne més. Té la virtut de transmetre i ensenyar amb passió, donant-se completament als alumnes. A més, a mesura que van passant els cursos i les assignatures te n'adones de tot el que ha pogut ensenyar-te un professor així en una assignatura de sis crèdits (i les poques hores de classe que això implica!), i és aleshores quan veus la seva excel·lència, que creiem de forma unànime que hauria de ser reconeguda.

Docència



Premi a l'excel·lència de la trajectòria docent

Docència



Matemàtiques i ciclisme

Agustí Reventós

Per als meus alumnes de Fonaments, 14-01-2016

Els ciclistes i els matemàtics tenen moltes coses en comú. La més clara és la tossuderia. Les coses no surten a la primera i molts cops tampoc a la segona. S'ha de tenir moral i ser tossut per tornar-hi i tornar-hi.

Les dues activitats són tan exigents que no es poden fer si no t'agraden molt. El ciclisme és molt dur: t'has de llevar molt d'hora, passar a cops molt fred i altres molta calor, arribar xop a casa, agafar "pàjaras", etc, i això sense parlar de les caigudes. Però hi ha tants moments bons que un ciclista dona tots aquests petits problemes (no són sacrificis, i si ho són malament) per ben emprats. Quan corones un port dels Pirineus amb els teus amics, i després comentes amb ells com ha anta l'etapa, tot queda compensat. Les matemàtiques són semblants, molts sacrificis d'aquests que no ho haurien de ser, moltes hores, prescindir de moltes diversions, etc, però el plaer d'entendre el que abans no entenes i el descobriment del món matemàtic, ho compensa tot. No diguem si podeu descobrir resultats per vosaltres mateixos, encara que després sabeu que altres matemàtics ja ho havien pensat abans, o millor si aconsegeixes dir coses que mai ningú no hagi dit mai abans. I, com els ciclistes, comentar aquests resultats amb els col·legues ho compensa tot.



Foto: A punt d'abandonar per les dures condicions meteorològiques en la meua primera pujada al Montventoux (1912m). El meu fill, una mica davant meu, em marcava el camí a seguir. Per tossuts varem arribar.

- Un recull (extens) d'exercicis sobre corbes i superfícies
- Matemàtiques a Geologia. Càlcul.
- Matemàtiques a Geologia. Àlgebra.
- Notes sobre geometria projectiva clàssica
- Apunts de Matemàtiques per al Grau de Química
- Geometria diferencial de corbes i superfícies
- Notes sobre teoria de Galois clàssica
- Apunts de Fonaments de les Matemàtiques
- Exercicis d'Àlgebra a Física
- Problemes resolts de Fonaments de les Matemàtiques
- Matemàtiques a Biotecnologia
- Geometria Projectiva
- Geometria Axiomàtica

Docència

Curvatura de l'el·lipse seguint Newton

Agustí Reventós Tarrida
per a J. Girbau

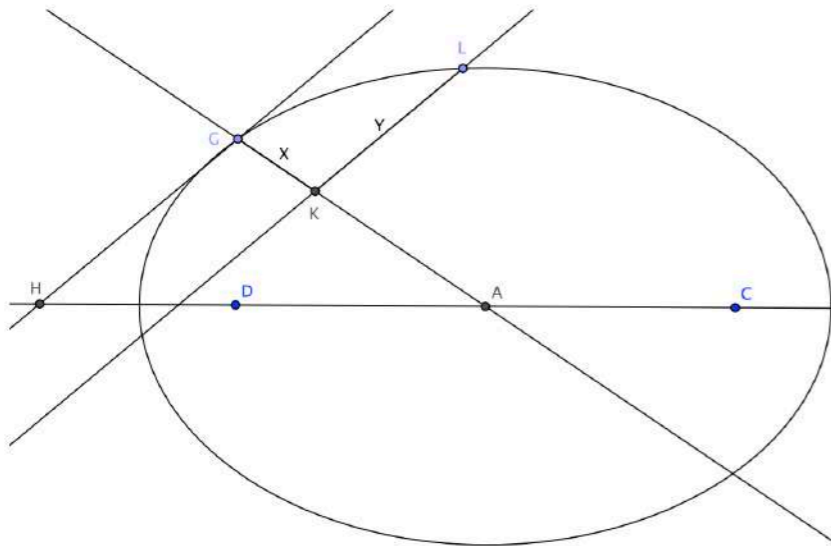
9 de març de 2012

Resum

Segueixo l'article de Josep Casadellà Reig, *Butlletí de la SCM*, Vol 14, num 2, 1999, pàg 41-61, del qual en vaig ser el referee. Més detallat i amb més explicacions, i desviant-me clarament d'ell en alguns punts.

1 Noves coordenades

Com tothom sap, ja des d'Apoloni, les coordenades naturals (les usades per Apoloni!!) són les dels diàmetres conjugats: S'agafa com origen un punt G de l'el·lipse i com eixos el diàmetre GA i la tangent GH en G . Les coordenades (x, y) del punt L de l'el·lipse són $x = GK$, $y = KL$, sent KL la paral·lela a la tangent a l'el·lipse per G .



Temes diversos de

FONAMENTS DE LES MATEMÀTIQUES

Agustí Reventós

2014-15

2015-16

2016-17

Índex

1 Programa de l'assignatura	7
2 Introducció Històrica	11
2.1 300 a.C. Euclides	11
2.2 Quadratures	17
2.3 200 a.C. Arquimedes	20
2.4 250 d.C. Diofant d'Alexandria	20
2.5 1247. Qin Jiushao	20
2.6 1545. Cardano	21
2.7 1637. Descartes	23
2.8 1640. Fermat	23
2.9 1654. Pascal	24
2.10 1666. Newton	24
2.11 1734. Euler	26
2.12 1801. Gauss	27
2.13 1832. Galois	30
2.14 1874. Cantor	30
2.15 1900. Hilbert	31
2.16 1995. Wiles	31
2.17 2006. Perelman	31
3 El conjunt \mathbb{N} dels nombres naturals	33
3.1 Axiomàtica de conjunts	33
3.2 Axiomes de Peano	34
3.3 Inducció i primer element	34
4 Lògica matemàtica	37
4.1 Operacions lògiques elementals	37
4.2 Relacions verdaderes	38
4.3 Tautologies	40
4.4 Reducció a l'absurd	45
4.5 Quantificadors	46

5 Permutacions	51
5.1 Definicions i notació	51
5.2 Ordre d'una permutació	52
5.3 Teorema de descomposició	53
5.4 Signe d'una permutació	56
6 Parelles invertides i signe d'una permutació	61
7 S_4	65
8 Relacions d'equivalència	69
8.1 Definicions. Conjunt quocient	69
8.2 L'anell \mathbb{Z} dels nombres enters	72
8.3 Criteri de divisibilitat d'Euclides	74
8.4 L'anell $\mathbb{Z}/(m)$	75
8.5 Grup, anell, domini d'integritat i cos	79
8.6 El cos \mathbb{Q} del nombres racionals	81
9 Combinatòria	83
9.1 Variacions amb repetició	83
9.2 Variacions	84
9.3 Combinacions	85
9.4 Combinacions amb repetició	86
9.5 Permutacions amb repetició	88
9.6 El principi d'inclusió-exclusió	90
10 m.c.d. i m.c.m.	95
10.1 Ideals	95
10.2 Intersecció d'ideals. m.c.m.	96
10.3 Ideal generat per dos ideals. m.c.d.	97
10.4 Teorema fonamental de l'aritmètica	100
10.5 Càlcul pràctic del m.c.d. i m.c.m.	102
10.6 Algorisme d'Euclides	104
10.7 Equacions diofàntiques	108
11 Congruències	111
11.1 Elements invertibles de $\mathbb{Z}/(m)$	111
11.2 Petit teorema de Fermat	112
11.3 Nombre de xifres del període de $1/p$	112
11.4 La funció ϕ d'Euler	114
11.5 Congruència d'Euler	115
11.6 Teorema xinès del residu	117
11.7 Teorema xinès del residu a $\mathbb{Z}/(M)$	120
12 Nombres complexos	125
13 Polinomis	147
13.1 L'anell de Polinomis $K[x]$	147
13.2 $K[x]$ és un anell Euclidià	149
13.3 $K[x]$ és un anell d'ideals principals	150
13.4 Polinomis irreductibles sobre K	152
13.5 Irreductibles sobre \mathbb{C}	153
13.6 Irreductibles sobre \mathbb{R}	153
13.7 Màxim comú divisor en cossos diferents	154
13.8 Arrels múltiples	154
14 $\pi \notin \mathbb{Q}$	157
15 El sisè nombre de Fermat	161
16 Sumes esteses als divisors d'un nombre	165
16.1 Funcions multiplicatives	165
16.2 La funció de Moebius	167
17 Criteri d'Eisenstein	175
18 Polinomis simètrics	181

Divulgació

MAT² MATerials MATEmàtics
Volum 2013, treball no. 7, 19 pp. ISSN: 1887-1097
Publicació electrònica de divulgació del Departament de Matemàtiques
de la Universitat Autònoma de Barcelona
www.mat.uab.cat/matmat

La "cinta" de Moebius

G. Guasp, A. Reventós

Aquest objecte geomètric tan sorprenent, que si el tallem longitudinalment per la meitat queda d'una sola peça, també té d'altres propietats remarcables i, segons com es miri, força sorprenents.

En general, quan s'explica per primer cop en què consisteix aquest objecte, es diu que és el resultat de prendre una cinta prou llarga i enganxar els seus extrems després de retorçar-la donant mitja volta. De forma immediata



EL PROBLEMA DE L'ONCLE GABRIEL

EL SEU NEBOT

RESUM. En aquesta nota es comenta el perquè d'un dels problemes preferits de Gabriel Costa. Escrivia el número 12345679 i et preguntava a continuació: quin número et fa més ràbia (de 1 al 9). Si deies 3 et feia multiplicar l'anterior número per 27, si deies 5 per 45 (el número que tu deies multiplicat per 9, però això ell no t'ho deia!!). Al fer aquesta multiplicació tenies que anar escrivint com resultat el número que et feia més ràbia. Per exemple $12345679 \times 27 = 333333333$, $12345679 \times 45 = 555555555$.

MAT² MATerials MATEmàtics
Volum 2006, treball no. 2, 14 pp. ISSN: 1887-1097
Publicació electrònica de divulgació del Departament de Matemàtiques
de la Universitat Autònoma de Barcelona
www.mat.uab.cat/matmat


Probabilitats geomètriques. Geometria integral*

Agustí Reventós

Mesura de punts. El problema de l'agulla de Buffon

L'origen de les probabilitats geomètriques es troba en l'anomenat *problema de l'agulla de Buffon*.

El comte de Buffon era un francès que es deia Georges Louis Leclerc, que va viure de 1707 a 1788 i va ser nomenat comte per Lluís XV. Va ser un gran naturalista i va escriure una *Història natural* de 36 volums. Va ingressar a l'Acadèmia de Ciències de París el 1734, com a cultivador de la mecànica racional.



Sòlids Arquimedians

ART

Resum

Dedució de que només hi pot haver 13 sòlids Arquimedians (més infinits prismes i anti-prismes). Els càlculs són només combinatoris, no fan referència a l'existència efectiva d'aquests cossos, ni diuen res sobre la seva convexitat. Suposo només dues coses: que són semiregulars i homeomorfs a l'esfera. De fet, hi ha dues figures quirals (imatge especular no isomètrica) a dues d'aquestes 13. Per aquesta raó, en alguns contextos aquests políedres es compten dues vegades i es parla de 15 sòlids arquimedians.

Divulgació

GEOMETRIES NO EUCLIDIANES

Publiquem a continuació el text de les conferències que, organitzades per la Secció de Matemàtiques de la S.C.C.F.Q.M., tingueren lloc el passat mes de març sobre el tema "Geometries no euclidianes". Els títols específics i els conferenciants foren els següents:

- Dia 8 "Desenvolupament històric: d'Euclides a Gauss".
per S. Xambó, professor de Geometria de la U.B.
- Dia 15 "Geometria hiperbòlica: els seus models".
per J. Girbau, professor de Geometria Diferencial de la U.A.B.
- Dia 22 "De Riemann fins als nostres dies".
per A. Reventós, professor de Geometria de la U.A.B.



GEOMETRIA HIPERBÒLICA: ELS SEUS MODELS

Joan Girbau

En la primera conferència d'aquest cicle us han explicat els diversos intents de demostració, al llarg de la Història, del cinquè postulat d'Euclides a partir dels altres axiomes i postulats sobre els que aquest matemàtic grec va fonamentar la seva geometria. Les diverses temptatives infructuoses de demostració varem conduir, a mitjan segle passat, com vau veure a la primera conferència, a la construcció d'una geometria, anomenada geometria hiperbòlica, en la qual valien tots els axiomes i postulats d'Euclides, llevat del cinquè.

Butll. SCM 14 (1983)

DE RIEMANN FINS ALS NOSTRES DIES

per

A. Reventós

§1. Introducció.

De les anteriors conferències es desprèn que podem fer dos tipus de Geometria: L'Euclidiana (amb el 5^e postulat) i la Hiperbòlica (amb la negació del 5^e postulat) i que ambdues geometries són igualment consistents.



Xerrades

GEOMETRIAN BARRIENAKO IBILALDIA
UN PASO POR LA GEOMETRÍA

Gauss y la geometría
por
Agustí Reventós Tarrida (Universitat Autònoma de Barcelona)

2007eko otsailaren 14an
Zientzia eta Teknologia Fakultatea
12:00etan, 2.12 gelan

14 de febrero de 2007
Facultad de Ciencia y Tecnología
12h00, Aula 2.12

USC DEPARTAMENTO DE GEOMETRÍA E TOPOLOGÍA

SEMINARIO VIDAL ABASCAL

Gauss y la geometría
Geodesia y geometría no euclidiana
por
Agustí Reventós Tarrida
Universitat Autònoma de Barcelona

Xoves, 9 de novembro de 2006
16.30 horas
Salón de Graos da Facultade de Matemáticas

FACULTADE DE MATEMÁTICAS

LLICENCIATURA DE MATEMÀTIQUES
LLIÇÓ INAUGURAL CURS 2003/04
Curvatura i Geometria Integral
a càrrec del professor
Agustí Reventós i Tarrida

$\int_S \kappa da = 2\pi \chi(S)$

L'acte tindrà lloc a la Sala d'Actes de la Facultat de Ciències de la Universitat Autònoma de Barcelona, el dilluns 6 d'octubre de 2003 a les 12 hores.

TROBADES MATEMÀTIQUES
UAB-SECUNDÀRIA

proper dimecres 6 de febrer, a les 17 hores a la Sala d'Actes de la Facultat de Ciències, tindrà lloc la conferència a càrrec del Dr. Agustí Reventós Tarrida titulada:

Geometria inversiva

Universität Stuttgart
Fachbereich Mathematik
Institut für Geometrie und Topologie
Prof. Dr. E. M. Fechner
Prof. Dr. H. Hahn
Prof. Dr. W. Kühnel
apl. Prof. Dr. E. Tufel

15. Mai 2006

Oberseminar Geometrie

Programm im Sommer 2006 (Stand 15.05.06)

- 10.5. Eberhard Tufel
Kontinua Breite in der Möbius Geometrie
- 17.5. Kurt Leichowald
Die Rolle der Substitution in der nicht-euklidischen ebenen Geometrie
- 23.5. Josephine Yu (Berkeley) (Dienstag: Termin!)
- 31.5. Agustí Reventós (Universitat Autònoma de Barcelona)
Focal sets in space forms of dimension 2
- 14.6. Leo Storme (Gent)
Contributions of finite geometry to coding theory
- 21.6. Felipe Löhner
Twistor spinors mit Nullstelle auf Lorentz-3-Mannigfaltigkeiten
- 5.7. Tanya Dörfler
Partielle Lineationen der Moulton-Ebene
- 11.7. Quentin Follou (ETH Zürich) (Dienstag: Termin!)
- 19.7. Hermann Hübli
Pseudokugeln

Zeit: 14.00-15.30 Uhr
Ort: V 57.7.530

Anrede im Netz:
<http://www.igt.uni-stuttgart.de/Chorsemnar>

gez. E. Tufel

La SOCIETAT CATALANA DE MATEMÀTIQUES
filial de l'Institut d'Estudis Catalans

es complau a convidar-vos a la conferència:

L'esfera imaginària: comentaris a
Disquisitiones generales circa superficies curvas
pronunciada pel Dr. Agustí Reventós i Tarrida,
de la Universitat Autònoma de Barcelona

Dia: Dilluns, 14 de juny de 2004
Hora: 17.30 hores
Lloc: Sala Pere Coromines
Institut d'Estudis Catalans
Carrer del Carme, 47
08001 Barcelona

A continuació de la conferència tindrà lloc
l'Assemblea General de la Societat Catalana de Matemàtiques

Societat Catalana de Matemàtiques, filial de l'Institut d'Estudis Catalans
Carrer del Carme, 47-08001 Barcelona - Telèfon: 93 248 583 - Fax: 93 248 181

CONFERÈNCIA DE
SANT ALBERT 2004

Un nou món creat del no res
(Un món on es pot quadrar el cercle!)

Dr. Agustí Reventós Tarrida
Departament de Matemàtiques

Dimecres, 17 de novembre de 2004 a les 12.00 h
a la sala d'actes de la Facultat de Ciències

Per tal de facilitar l'assistència, les classes
se suspendran de 12 a 14 hores

MATEMÀTIQUES A
LA VIDA QUOTIDIANA
Cicle de conferències de divulgació científica

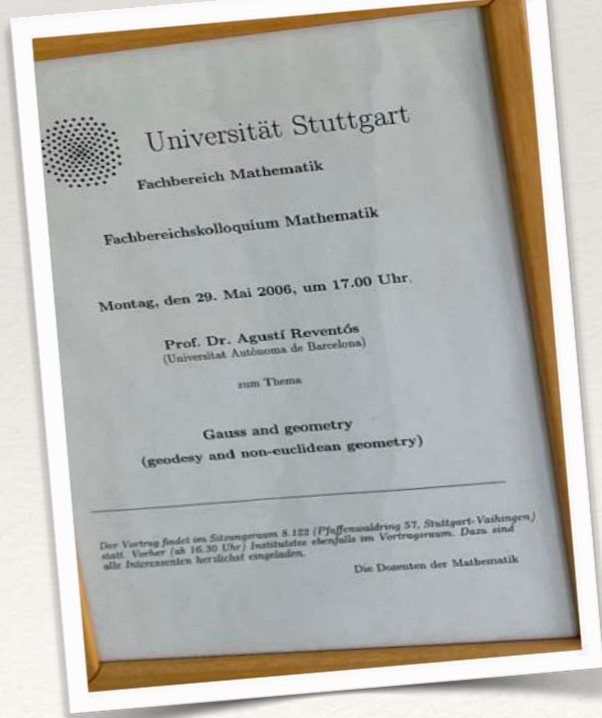
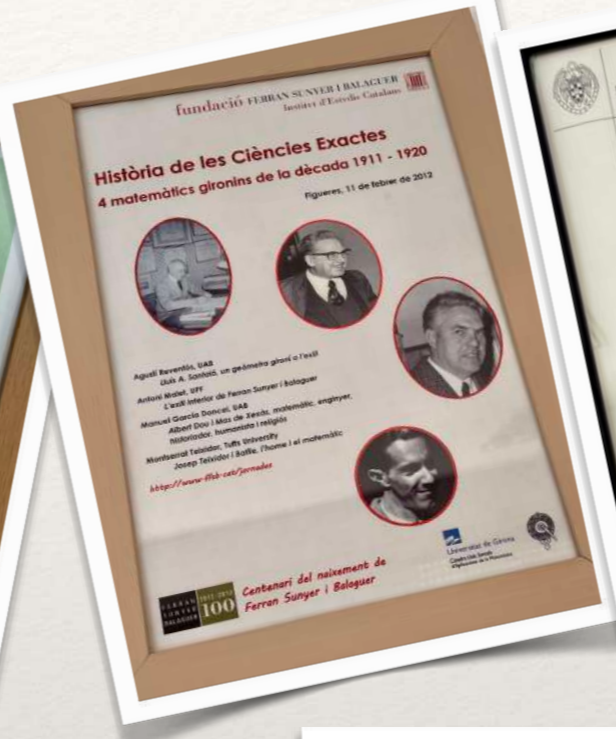
Dijous 24 de maig de 2007
GRANDESALES VIO
ESQUELLES VIO
18h00-19h30

La nostra vida anglesa d'un
viatge en el pla euclidià de les
180 graus. La nostra vida anglesa
d'un viatge en el pla euclidià de les
180 graus. El nostre pla euclidià
en els angles dels viatges
surtin sempre de 180 graus?

El nostre pla euclidià de les
180 graus. La nostra vida anglesa
d'un viatge en el pla euclidià de les
180 graus. El nostre pla euclidià
en els angles dels viatges
surtin sempre de 180 graus?

Agustí Reventós i Tarrida
Departament de Matemàtiques
Universitat Autònoma de Barcelona
Carrer de Bellaterra, 119-08193 Bellaterra (Barcelona)
Telèfon: 93 248 583 - Fax: 93 248 181

Xerrades



Xerrades



Gauss i el polígon de 17 costats

Agustí Reventós*

1 Introducció històrica

Comencem reproduint les paraules que Gauss utilitza en una carta al seu amic Gerling, el 6 de gener de 1819, per explicar-li com va descobrir la possibilitat de construir el polígon regular de disset costats amb regla i compàs. Es veu clarament, en aquesta redacció, la molta estima en que Gauss tenia aquest resultat, el primer dels seus que va veure publicat.

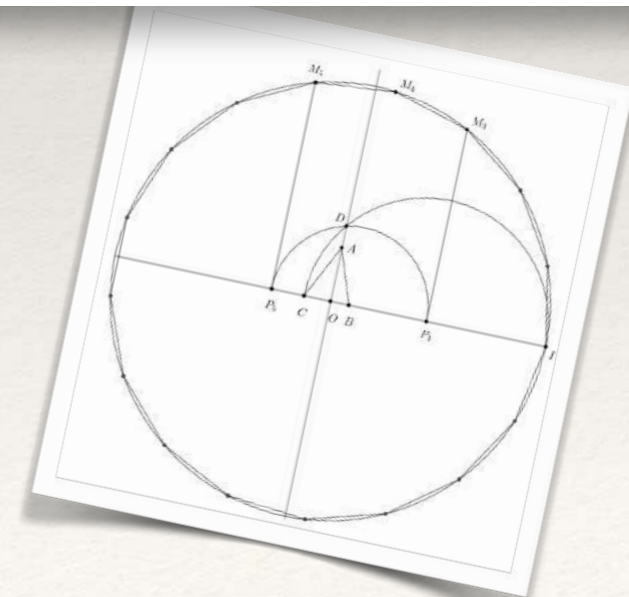
La història d'aquest descobriment no l'he explicat enlloc fins ara, però puc indicar-la exactament.

Va ser el 29 de març de 1796, i la casualitat no hi va tenir res a veure. Tot estava en dividir les arrels de l'equació

$$\frac{x^p - 1}{x - 1} = 0$$

en dos grups [...]

A partir d'esforçades meditacions entre les connexions de les arrels i els fonaments de l'aritmètica, feliç per unes vacances a Braunschweig, el matí d'aquell dia, abans de llevar-me, vaig tenir la sort de veure amb gran claredat tota aquesta correlació, de manera que allà mateix i immediatament vaig aplicar a l'heptadecàgon la corresponent confirmació numèrica.



Xerrades



Braunschweig



Gottingen

A Gauss li hagués agradat que a la seva tomba hi figurés l'heptadecàgon. A l'estàtua del seu poble natal, Braunschweig, sí que hi figura aquest polígon. A la tomba, a Gottingen, no ...

Xerrades

Gauss e a Xeometría

Xeodesia e Xeometría non euclidiana

Primeira sesión do seminario
VIDAL ABASCAL

Gauss and geometry

Geodesy and non-euclidean geometry

AGUSTÍ REVENTÓS
may 29, 2006
Universität Stuttgart

Gauss eta Geometria

Geodesia eta Geometria ez-Euklidiarra

Geometrian Barrenako Ibilaldia

Geometría no euclidiana

*De la geometría clásica a la geometría
diferencial*

8-12 Setiembre 2008
II Encuentro Nacional de Matemáticas y su Enseñanza,
Universidad Tecnológica de Pereira

AGUSTÍ REVENTÓS & CARLOS J. RODRÍGUEZ

Xerrades

Some geometrical applications of Fourier series

A. Reventós

Homage to Xosé Masa. June 2018



Let K be a compact convex set with boundary of class C^2 and length L . Write $c_k^2 = a_k^2 + b_k^2$ where a_k, b_k are the Fourier coefficients of the support function of ∂K . Then

$$\int_{P \notin K} \sin^m \omega \, dP = M \frac{L^2}{2\pi} + \frac{m! \pi^2}{2^{m-1} (m-2)!} \sum_{k \geq 2, \text{even}} \frac{(-1)^{\frac{k}{2}+1} (k^2 - 1)}{\Gamma(\frac{m+1+k}{2}) \Gamma(\frac{m+1-k}{2})} c_k^2,$$

where $M = \int_0^\pi \frac{f'(\omega)}{1 - \cos \omega} \, d\omega$. In particular for m odd the index k in the sum runs only from 2 to $m-1$.

Nadal

14 Desembre 2005

Ingressen a la presó els primers professors acusats de fer públiques les notes. Sap greu, però és culpa seva. Haguessin hagut de treure les notes com varem fer a Geometria de segon, que us en llegiré un parell:

Aquell noi que un dia em va preguntar en el despatx, on no hi havia ningú més, com es definia la raó simple, en quin ordre s'havien d'agafar els punts, i jo li vaig dir que això depenia dels autors, i vem mirar diversos textos, doncs un 5,5. Aquella noia que va coincidir amb la Laia en els aparcaments de Ciències, i duia un vestit blau, i van comentar que feia molt fred, un dia que plovia, doncs un 6,5, etc..

A partir d'ara quan un professor guanyi una plaça no ho sabrà ningú. Apareixerà per aquí el departament, algú dient: Eh! que jo vaig guanyar l'oposició, però com que el resultat serà secret, serà molt complicat....

Sembla que el degà plega i que posaran aire condicionat a la planta tres.

BON NADAL A TOTHOM





Inversor cònic

<https://mat.uab.cat/web/agusti/>